

سیستم های مختصات محلی، ژئودتیک و زمین مرکز

۲-۲۲

سیستم مختصات محلی همان سیستم مختصاتی است که معمولاً نقشه برداران آن را به صورت موضعی در روی سطح زمین تعریف می‌کنند. مبدأ آن روی نقطه‌ای مشخص در روی سطح زمین، محور  $y$  در راستای شمال N، محور  $z$  در راستای قائم به بالا (زنیط) و محور  $x$  عمود بر صفحه‌ی  $yz$  و دست راستی تعریف می‌شود. همان‌طور که در شکل ۲-۲۲ دیده می‌شود با دور شدن از مبدأ کرویت زمین باعث ایجاد خطأ در مختصات  $xyz$  سیستم مختصات محلی می‌شود.

در سیستم مختصات ژئودتیک سطح مبنای مسطحاتی و ارتفاعی، یک بیضوی مبنای است. این بیضوی معمولاً WGS84 سیستم ژئودتیک جهانی (World Geodetic System 1984) انتخاب می‌گردد. تعیین موقعیت در این سیستم مختصات مشابه سیستم مختصات کروی می‌باشد با این تفاوت که به جای اندازه‌گیری فاصله از مبدأ، فاصله از سطح بیضوی اندازه‌گیری می‌شود. مختصات مسطحاتی در این سیستم همان طول و عرض ژئودتیک یا جغرافیایی ( $\lambda, \phi$ ) می‌باشد<sup>۱</sup>. مختصه ارتفاعی  $h$  نیز ارتفاع نقطه از سطح بیضوی مبنای است که به آن ارتفاع ژئودتیک هم می‌گویند. کاربرد اصلی این سیستم مختصات تعیین موقعیت جهانی عوارض در سطح زمین می‌باشد. لازم به ذکر است که مختصات حاصل از GPS همان طول، عرض و ارتفاع ژئودتیک می‌باشد.

سیستم مختصات زمین مرکز نیز شبیه سیستم مختصات محلی یک نوع سیستم مختصات متعامد سه بعدی است با این تفاوت در این سیستم مختصات محل مبدأ و امتداد محورهای آن تعریف جهانی داشته و وابسته به موقعیت نقشه بردار نمی‌باشد. مبدأ سیستم مختصات زمین مرکز همان‌طور که از نام آن پیداست بر مرکز کره زمین واقع است. مطابق شکل ۲-۲۲ امتداد محور  $z$  منطبق بر محور

۱- تعریف دقیق طول و عرض ژئودتیک با طول و عرض جغرافیایی متفاوت است اما در اینجا به‌خاطر سادگی ارائه مطلب آن‌ها را پیکسان در نظر گرفته‌ایم.

دورانی زمین، امتداد محور  $x$  در روی استوانه و منطبق بر صفحه نصف النهار مرجع گرینوچ و محور  $y$  نیز در استوا و عمود بر دو محور دیگر و به صورت دست راستی می‌باشد. کاربرد اصلی این سیستم مختصات در تعیین موقعیت ماهواره‌ها و اجرام سماوی نسبت به زمین می‌باشد.

### مطالعه آزاد

از آنجا که هر دو سیستم مختصات ژئودتیک و زمین مرکز، جهانی هستند، معمولاً نیاز به تبدیل بین مختصات این دو سیستم پیدا می‌شود. این تبدیل به صورت زیر است:

$$x = (N + h) \cos \varphi \cos \lambda$$

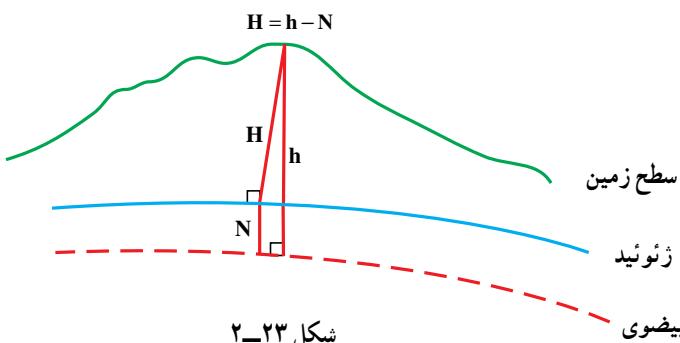
$$y = (N + h) \cos \varphi \sin \lambda$$

$$z = [N(1 - e^2) + h] \sin \varphi$$

که در آن  $(\varphi, \lambda, h)$  مختصات ژئودتیک،  $(xyz)$  مختصات زمین مرکز،  $e$  خروج از مرکز بیضوی مبنا و  $N$  شعاع انحنای حداقل بیضوی در نقطه‌ی موردنظر می‌باشد که به صورت زیر بدست می‌آید:

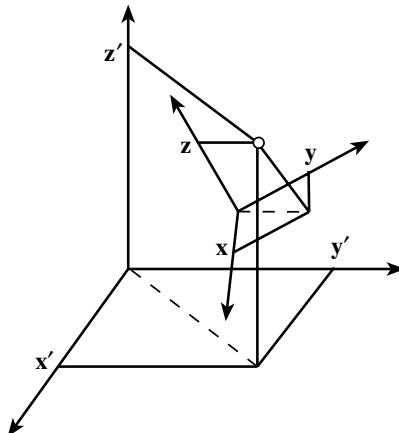
$$N = \frac{a}{\sqrt{1 - e^2 \sin^2 \varphi}}$$

**۳- ارتفاع ارتومنتریک و ژئودتیک:** همان‌طور که در بالا ذکر شد سطح مبنای ارتفاعی سطح هم پتانسیل ژئوئید می‌باشد که تعریفی فیزیکی دارد. در صورتی که  $N$  جدایی ژئوئید برابر فاصله بین سطح ژئوئید از بیضوی مبنا باشد می‌توان از رابطه‌ی زیر ارتفاع ارتومنتریک (ارتفاع از ژئوئید)  $H$  نقطه را از ارتفاع ژئودتیک  $h$  آن با تقریب خوبی محاسبه نمود (شکل ۲-۲۳).



جدایی زئوئید یا ارتفاع زئوئید  $N$  را می‌توان از طریق مدل‌های زئوئید که با دقت‌های مختلفی از چند متر تا چند سانتی‌متر به صورت جهانی، منطقه‌ای، ملی و حتی محلی از طریق مشاهدات نقل‌سنگی محاسبه می‌شود بدست آورد. ارتفاع زئوئیدیک  $h$  نیز از طریق مشاهدات GPS قابل دستیابی است. این در حالی است که مشاهدات ترازیابی زمینی در صورت در دسترس بودن ارتفاع یک نقطه از سطح متوسط آب‌های آزاد، در عمل ارتفاع ارتمتریک را به دست می‌دهند. به طور کلی به جای انجام ترازیابی زمینی به خصوص در مناطق کوهستانی که بازه‌بندی و دشواری‌های زیادی مواجه است، می‌توان به شرط در دسترس بودن یک مدل زئوئید نسبتاً دقیق از مشاهدات ارتفاعی GPS استفاده نمود. به این روش اصطلاحاً ترازیابی ماهواره‌ای هم می‌گویند.

**۲-۲-۳- انتقال بین سیستم‌های مختصات:** از آن‌جا که سیستم‌های مختصات متعدد با اهداف مختلفی در نقشه‌برداری مورد استفاده قرار می‌گیرد، انتقال بین سیستم‌های مختصات (coordinate system transformation) امری اجتناب‌ناپذیر است. برای روشن شدن موضوع فرض کنید مختصات نقطه‌ای در یک سیستم مختصات معلوم است و می‌خواهیم مختصات همان نقطه را در سیستم مختصات دیگری به دست آوریم. شکل ۲-۲۴ موقعیت سه بعدی یک نقطه را در دو سیستم مختصات متعامد سه بعدی نشان می‌دهد. مطابق این شکل، موقعیت  $(x,y,z)$  مشخص است و ما می‌خواهیم موقعیت  $(x',y',z')$  را به دست آوریم. برای این منظور بایستی ابتدا ارتباط بین دو سیستم مختصات از لحاظ میزان جایه‌جایی دو مبدأ و میزان دوران محورهای آن‌ها نسبت به هم را پیدا نمود. سپس با معرفی موقعیت نقطه در سیستم مختصات اول، موقعیت همان نقطه را در سیستم مختصات دوم به دست آورد.

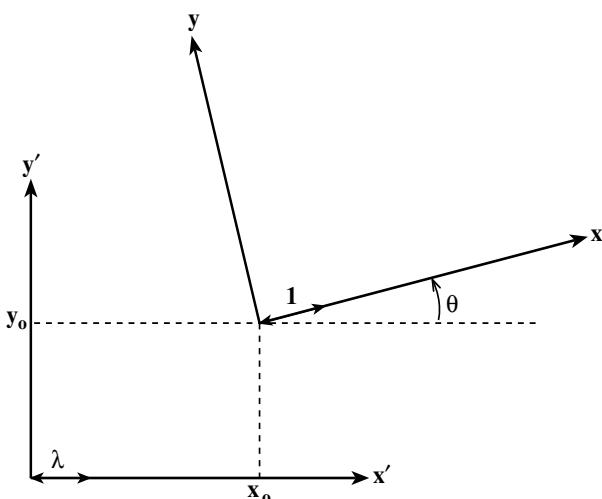


شکل ۲-۲۴

سیستم مختصات یک نقشه موجود را نیز می‌توان تغییرداد. برای این منظور کافی است پس از محاسبه پارامترهای انتقال بین سیستم مختصات اولیه نقشه و سیستم مختصات جدید موردنظر، مختصات جدید کلیه نقاط مربوط به عوارض هندسی نقشه را مانند فوق از روی مختصات اولیه آن‌ها محاسبه نمود و نقشه را با مختصات جدید عوارض ترسیم کرد.

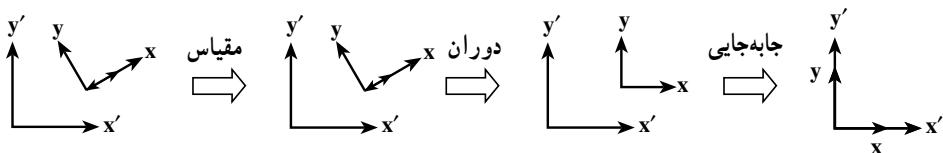
در ادامه ابتدا انتقال بین دو سیستم مختصات متعامد دو بعدی تشریح شده و سپس کاربردهای معمول انتقال سیستم مختصات در نقشه‌برداری مورد بحث قرار می‌گیرد. انتقال بین سیستم‌های مختصات دیگر مانند انتقال بین دو سیستم مختصات متعامد سه بعدی نمایش یافته در شکل ۲-۲۴ را در مقاطع تحصیلی بالاتر خواهید آموخت.

**۱- انتقال سیستم مختصات متعامد دو بعدی:** دو سیستم مختصات متعامد دو بعدی  $(x, y)$  و  $(x', y')$  را در نظر بگیرید. فرض کنید مختصات نقطه‌ای در سیستم مختصات  $(x, y)$  معلوم است. می‌خواهیم مختصات این نقطه را در سیستم مختصات  $(x', y')$  به دست آوریم. برای این منظور باید سیستم مختصات  $(x, y)$  را به سیستم مختصات  $(x', y')$  انتقال دهیم. در حالت انتقال دو بعدی مطابق شکل ۲-۲۵ چهار پارامتر انتقال باید تعیین شود: دو پارامتر  $(x_0, y_0)$  جابه‌جایی بین مبدأ دو سیستم مختصات، یک پارامتر  $\theta$  دوران بین محورهای دو سیستم مختصات و یک پارامتر  $\lambda$  مقیاس که برابر نسبت طول بردار واحد در دو سیستم مختصات است.



شکل ۲-۲۵

با معلوم بودن چهار پارامتر انتقال فوق، می‌توان مطابق شکل ۲-۲۶ در سه مرحله سیستم مختصات  $(x,y)$  را به سیستم مختصات  $(x',y')$  انتقال داد. ابتدا مقیاس سیستم مختصات  $(x,y)$  با ضرب مختصات آن در مقدار  $\lambda$  با مقیاس سیستم مختصات  $(x',y')$  یکسان می‌شود. سپس سیستم مختصات تغییر مقیاس یافته  $(x,y)$  به اندازه‌ی زاویه‌ی  $\theta$  دوران می‌یابد. در انتهای مرکز سیستم مختصات دوران یافته  $(x,y)$  به میزان  $(x_0, y_0)$  جابه‌جا شده تا به طور کامل بر سیستم مختصات  $(x',y')$  انتظام یابد.



شکل ۲-۲۶

از نقطه نظر ریاضی رابطه انتقال بین دو سیستم مختصات متعامد دو بعدی به صورت زیر تعریف می‌شود :

$$\begin{cases} x' = ax + by + c \\ y' = -bx + ay + d \end{cases}$$

در این رابطه  $(x,y)$  مختصات اولیه،  $(x',y')$  مختصات انتقال یافته و  $a, b, c, d$  پارامترهای انتقال می‌باشند. معمولاً این رابطه را انتقال متشابه دو بعدی (2D conformal Transformation) می‌نامند زیرا در این انتقال اگر چه موقعیت وضعیت و ابعاد عوارض تغییر می‌کند اما تشابه عوارض حفظ می‌شود.

### مطالعه آزاد

انتقال متشابه دو بعدی را می‌توان به صورت رابطه ریاضی زیر نوشت که در آن  $R$  ماتریس دوران دو بعدی است :

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \lambda \cdot R_\theta \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \end{bmatrix}$$

↓      ↓      ↓      ↓  
        دوران      مقیاس      جابه‌جایی

در انتهای رابطه ریاضی زیر برای انتقال دو سیستم مختصات به دست می‌آید :

$$x' = \lambda \cos \theta \cdot x + \lambda \sin \theta \cdot y + x_0$$

$$y' = -\lambda \sin \theta \cdot x + \lambda \cos \theta \cdot y + y_0$$

در این رابطه اگر چهار پارامتر  $a, b, c, d$  را جایگزین چهار پارامتر  $x_0, y_0, \lambda, \theta$  کنیم

آن‌گاه رابطه نسبتاً ساده زیر برای انتقال مختصات به دست می‌آید.

$$a = \lambda \cos \theta$$

$$b = \lambda \sin \theta \quad \Rightarrow \quad x' = ax + by + c$$

$$c = x_0 \quad \Rightarrow \quad y' = -bx + ay + d$$

$$d = y_0$$

مثال: مختصات نقطه‌ای در سیستم مختصات  $(x, y) = (6, 4)$  متر است. در

صورتی که سیستم مختصات ابتدا به اندازه‌ی  $3^\circ$  درجه در جهت عقربه‌های ساعت دوران نماید و سپس به اندازه‌ی  $(2, 3)$  متر جابه‌جا شود، مختصات جدید نقطه را محاسبه نمایید.

راه حل: چون مقیاس تغییری ننموده است  $\lambda \neq 1$  است. همچنین  $3^\circ = \theta$ .

$$x_0 = 2 \text{ و } y_0 = 3 \text{ است.}$$

$$a = \lambda \cos \theta = \cos 3^\circ = 0.99$$

$$b = \lambda \sin \theta = \sin 3^\circ = 0.05 \Rightarrow \begin{aligned} x' &= ax + by + c = 0.99x + 0.05y + 2 \\ y' &= -bx + ay + d = -0.05x + 0.99y + 3 \end{aligned}$$

$$c = x_0 = 2 \quad d = y_0 = 3$$

$$x = 6 \Rightarrow x' = 0.99x + 0.05y + 2 = 0.99(6) + 0.05(3) + 2 = 8.48$$

$$y = 4 \quad y' = -0.05x + 0.99y + 3 = -0.05(6) + 0.99(4) + 3 = -0.3 + 3.96 + 3 = 6.66$$

بنابراین مختصات جدید نقطه  $(x', y') = (8.48, 6.66)$  می‌باشد.

در صورتی که چهار پارامتر انتقال سیستم مختصات دو بعدی مجهول باشد، معمولاً به کمک نقاط کنترل مقادیر آن‌ها را برآورد می‌نمایند. نقاط کنترل نقاطی هستند که مختصات آن‌ها در دو سیستم مختصات معلوم می‌باشد. برای تعیین چهار پارامتر انتقال، حداقل به دو نقطه کنترل نیاز است

تا بتوان با آن‌ها دستگاه چهار معادله چهار مجھول را تشکیل داد و پارامترهای انتقال مجھول را به دست آورد. اگر اندیس بک و دو مبین دو نقطه کنترل در سیستم مختصات  $(x, y)$  و  $(x', y')$  باشد، پارامترهای انتقال از روابط زیر قابل محاسبه خواهند بود. در این روابط منظور از  $\Delta$  اختلاف

بین مختصات دو نقطه برای هر سیستم مختصات می‌باشد :

$$\Delta x = x_2 - x_1 \quad a = \frac{\Delta x' \Delta x + \Delta y' \Delta y}{\Delta x^2 + \Delta y^2}$$

$$\Delta y = y_2 - y_1 \quad b = \frac{\Delta x' \Delta y + \Delta y' \Delta x}{\Delta x^2 + \Delta y^2}$$

$$\Delta x' = x'_2 - x'_1 \quad \Rightarrow \quad c = x'_1 - ax_1 - by_1$$

$$\Delta y' = y'_2 - y'_1 \quad d = y'_1 + bx_1 - ay_1$$

تمرین: مختصات نقاط A و B قبل و بعد از انتقال سیستم مختصات داده شده است.

الف – پارامترهای انتقال سیستم مختصات را محاسبه کنید.

ب – مختصات نقطه C بعد از انتقال سیستم مختصات چه قدر است؟

نقطه	x	y	x'	y'
A	۳	۵	۴	۶
B	۷	۹	۵	۳
C	۴	۲	?	?

## مطالعه آزاد

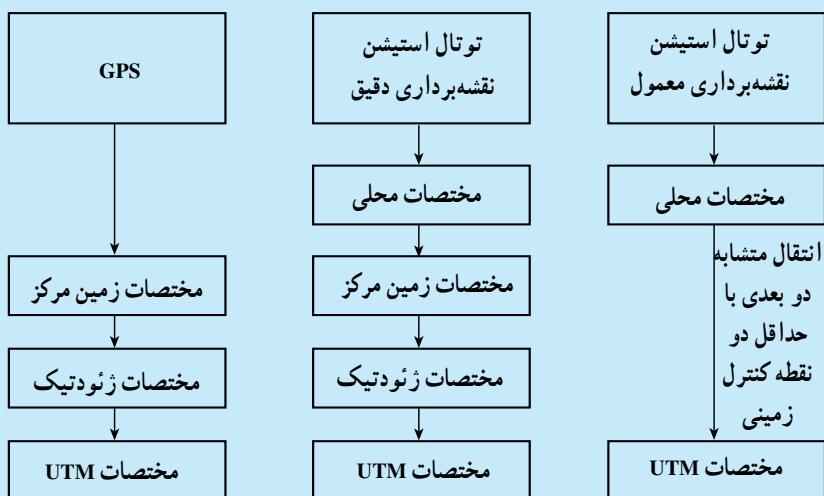
### کاربردهای انتقال سیستم مختصات

برای تعیین موقعیت نقاط در نقشه‌برداری زمینی معمولاً از GPS یا توتال استیشن استفاده می‌کنند. GPS موقعیت نقاط را در سیستم مختصات زمین مرکز اندازه‌گیری می‌کند در حالی که توتال استیشن موقعیت نقاط را در سیستم مختصات محلی اندازه‌گیری می‌نماید. از سوی دیگر نقشه‌برداران معمولاً نقشه‌ها را در سیستم تصویر UTM تهیه و ترسیم می‌کنند. از این‌رو باستی مختصات زمین مرکز حاصل از GPS و مختصات محلی حاصل از توتال استیشن به مختصات UTM تبدیل شوند.

برای تبدیل مختصات زمین مرکز GPS کافی است ابتدا سیستم مختصات زمین مرکز را به سیستم مختصات ژئودتیک (از طریق روابط ذکر شده در مطالعه آزاد

صفحه‌ی ۳۷) تبدیل نمود. سپس توسط روابط تبدیل مختصات در سیستم تصویر UTM مختصات UTM را از روی مختصات طول و عرض ژئودتیک محاسبه کرد (شکل ۲-۲۷). البته دستگاه‌های امروزی GPS این محاسبات را مستقیماً انجام داده و می‌توانند مختصات ژئودتیک و UTM را به سرعت ارائه دهند.

هم‌چنین برای تبدیل مختصات محلی به مختصات UTM کافی است ابتدا سیستم مختصات محلی به سیستم مختصات زمین مرکز انتقال یابد. سپس مشابه فوق مختصات زمین مرکز از طریق تبدیل آن به مختصات ژئودتیک، به مختصات UTM انتقال یابد (شکل ۲-۲۷). این فرایند تبدیل مختصات در پروژه‌های نقشه‌برداری دقیق باید رعایت شود. البته در پروژه‌های معمول نقشه‌برداری زمینی چون ابعاد منطقه به حدی کوچک است که در آن خطای کرویت زمین در مقایسه با دقت تعیین موقعیت قابل چشم‌پوشی است، می‌توان زمین را مسطح فرض نموده و سیستم مختصات محلی دو بعدی را به سیستم مختصات UTM دو بعدی انتقال داد. این امر به سادگی از طریق روابط ذکر شده در بخش قبل قابل انجام می‌باشد (شکل ۲-۲۷). از این‌رو برای محاسبه پارامترهای انتقال، نیاز به حداقل دو نقطه کنترل زمینی می‌باشد که موقعیت UTM آن‌ها معلوم بوده و نقشه‌بردار مختصات محلی این دو نقطه را نیز تعیین می‌نماید. موقعیت UTM نقاط کنترل را می‌توان توسط GPS اندازه‌گیری نمود یا آن‌ها را تحت نام نقاط کانوا یا نقاط مينا از سازمان نقشه‌برداری کشور خریداری کرد.



شکل ۲-۲۷

تمرین: در یک عملیات نقشه‌برداری معمول، ابتدا مختصات UTM نقاط مبنای A و B توسط GPS اندازه‌گیری شد. سپس توتال استیشن در نقطه‌ی A استقرار یافته و مختصات اختیاری (1000,1000) متر برای ایستگاه به دستگاه معرفی گردید. در مرحله‌ی بعد لمب افقی دوربین به نقطه‌ی B صفر – صفر شده و مختصات محلی نقاط مطابق جدول زیر اندازه‌گیری شد. مطلوبست مختصات UTM نقاط C و D.

نقطه	X <sub>local</sub>	Y <sub>local</sub>	X <sub>UTM</sub>	Y <sub>UTM</sub>
A	1000,000	1000,000	256188/10³	3738961/23°
B	1095/234	1000,000	256250/884	3738889/62°
C	976/124	1011/556	?	?
D	1139/901	898/002	?	?

در انتقال سیستم‌های مختصات گاهی اوقات موقعیت مسطحه‌ای نقاط ثابت مانده اما موقعیت ارتفاعی نقاط انتقال می‌یابد. برای مثال ارتفاعات ژئودتیک حاصل از GPS چون نسبت به سطح بیضوی مبنای WGS84 می‌باشند باید در یک منطقه کوچک آن‌ها را به اندازه جدایی ژئوئید N به یک اندازه کم نمود تا ارتفاع ارتومنتیک به دست آید. یا این‌که در نقشه‌برداری اگر ارتفاع توتال استیشن یا رفلکتور درست معرفی نشود باید ارتفاع به دست آمده برای همه نقاط را به میزان یکسانی افزایش یا کاهش داد تا ارتفاع صحیح نقاط به دست آید.

## خودآزمایی

- ۱- نحوه اندازه‌گیری شعاع زمین به وسیله‌ی اراتوستن را با رسم شکل توضیح دهید.
- ۲- نحوه اندازه‌گیری شعاع کره‌ی زمین به وسیله‌ی «پوسیدونیوس» را شرح دهید.
- ۳- سطح طبیعی زمین را به عنوان یک سطح مبنا توضیح دهید.
- ۴- سطح ژئوئید را به عنوان یک سطح مبنا توضیح دهید.
- ۵- سطوح تراز را تعریف کنید.
- ۶- نحوه‌ی تعیین ژئوئید را توضیح دهید.
- ۷- بیضوی به عنوان یک سطح مبنا را توضیح دهید.
- ۸- پارامترهای یک بیضوی را با رسم شکل توضیح دهید.
- ۹- بیضوی جهانی را توضیح دهید.
- ۱۰- انواع ارتفاعات را که در ژئودزی با آن‌ها سروکار داریم، نام ببرید.
- ۱۱- ارتفاع ارتومنتیک یک نقطه را با رسم شکل توضیح دهید.
- ۱۲- ارتفاع ژئودتیک یک نقطه را با رسم شکل توضیح دهید.
- ۱۳- ارتفاع ژئوئید را با رسم شکل توضیح دهید.
- ۱۴- انواع سیستم مختصات در هندسه را نام ببرید و هر کدام را توضیح دهید.
- ۱۵- انواع تعیین موقعیت در نقشه‌برداری را نام ببرید.
- ۱۶- تعیین موقعیت مسطحه‌ای و ارتفاعی را توضیح دهید.
- ۱۷- انواع تعیین موقعیت سه بعدی را نام ببرید.
- ۱۸- ارتفاع ارتومنتیک و ژئودتیک و ژئوئید را تعریف کنید.
- ۱۹- لزوم انتقال بین سیستم‌های مختصات را بنویسید.
- ۲۰- با رسم یک شکل انتقال سیستم مختصات متعماد دو بعدی را توضیح دهید.

## فصل سوم

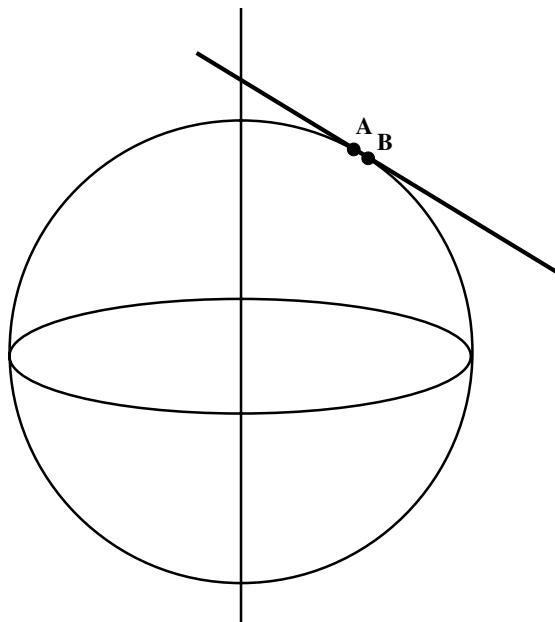
### سیستم‌های تصویر در نقشه‌برداری (Projection Systems in Surveying)

هدف‌های رفتاری: پس از پایان این فصل فراگیر باید بتواند:

- ۱- لزوم تصویر موقعیت‌های روی کره‌ی زمین به روی صفحه را توضیح دهد.
- ۲- دو مشکل اساسی تصویر موقعیت‌های روی کره‌ی زمین به روی صفحه را توضیح دهد.
- ۳- سیستم تصویر را تعریف کند.
- ۴- ویژگی‌های یک سیستم تصویر مناسب را توضیح دهد.
- ۵- ویژگی انواع سیستم تصویر را نام ببرد.
- ۶- سیستم تصویر متشابه را به اختصار شرح دهد.
- ۷- سیستم تصویر هم مساحت را به اختصار شرح دهد.
- ۸- سیستم تصویر هم فاصله را به اختصار شرح دهد.
- ۹- سیستم تصویر آزیموتی را به اختصار شرح دهد.
- ۱۰- انواع سیستم‌های تصویر را از نظر روش نام ببرد.
- ۱۱- سیستم تصویر مخروطی را تعریف کند.
- ۱۲- کاربردهای سیستم تصویر مخروطی و ویژگی آن را توضیح دهد.
- ۱۳- سیستم تصویر مرکاتور را توضیح دهد.
- ۱۴- سیستم تصویر ترانسسورس مرکاتور را تعریف کند.
- ۱۵- سیستم تصویر یونیورسال ترانسسورس مرکاتور را توضیح دهد.
- ۱۶- ویژگی‌های سیستم تصویر یونیورسال ترانسسورس مرکاتور را توضیح دهد.

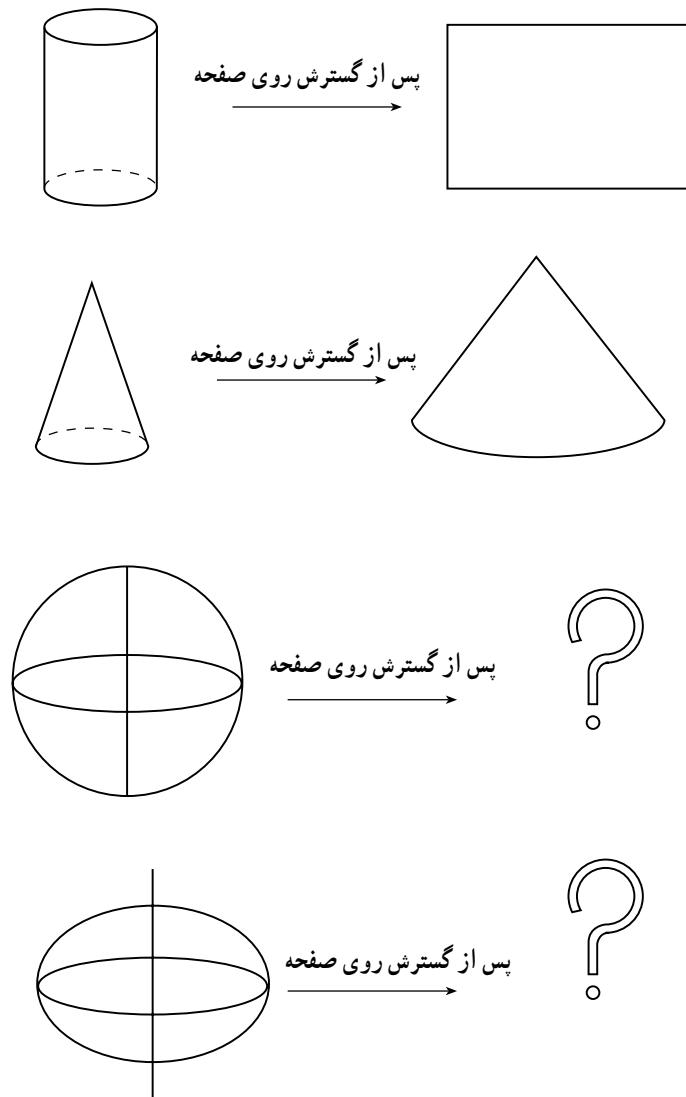
### ۳-۱-۳- سیستم‌های تصویر و انواع آن

۱-۳- لزوم تصویر موقعیت‌های روی کره‌ی زمین به روی صفحه: برای تهیه‌ی نقشه از مناطق کوچک می‌توانیم از انحنای کره‌ی زمین صرف نظر کنیم و منطقه را روی یک صفحه تصویر نماییم. برای شناخت بیشتر میزان انحنای کره‌ی زمین به شکل توجه کنید. شعاع کره را اگر  $64^{\circ}$  کیلومتر فرض کنیم دو نقطه‌ی A و B به فاصله‌ی تقریبی  $20^{\circ} \text{m}$  در مقایسه با شعاع و محیط این کره بسیار ناچیز بوده می‌توان از انحنای موجود صرف نظر نمود. اما هرگاه منطقه بزرگ و وسیع باشد و پروژه مستلزم دقت بسیار باشد باید انحنای زمین را در نظر بگیریم. واقعیت امر این است که اگر بخواهیم زمین و موقعیت نقاط روی آن را به طور واقعی نشان دهیم درنظر گرفتن یک صفحه برای تهیه‌ی نقشه مناسب نیست و باید برای نشان دادن موقعیت‌ها از کره یا بیضوی استفاده نمود. اما این موضوع امکان‌پذیر نیست، زیرا برای مثال می‌خواهیم موقعیت‌ها را با مقیاس  $\frac{1}{100/000}$  نشان دهیم در آن صورت به کره‌ای به شعاع  $64\text{m}$  نیاز است. یا برای داشتن موقعیت‌ها با مقیاس  $\frac{1}{1/000}$  کره‌ای به شعاع  $64^{\circ}\text{m}$  نیاز است که چنین نمایشی برای موقعیت‌ها مناسب نیست. پس به تصویر موقعیت‌های روی کره‌ی زمین بر روی صفحه نیاز است.



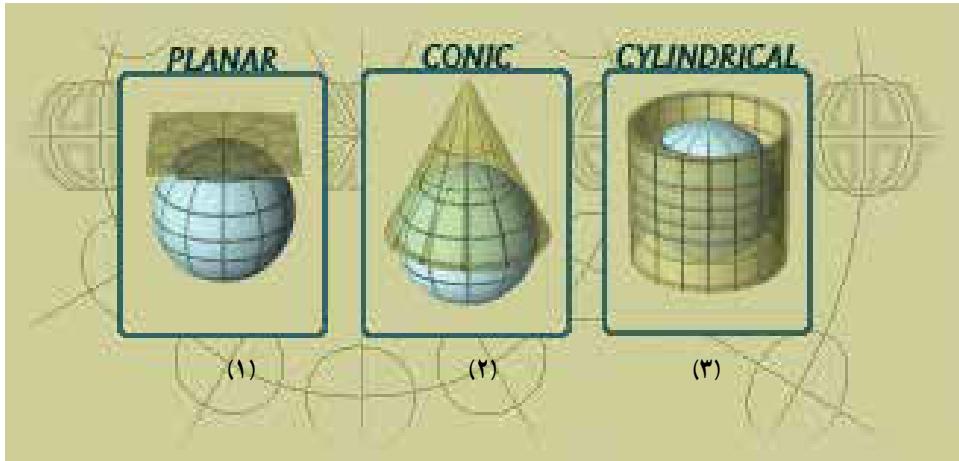
۳-۱- شکل

- ۳-۱-۲- دو مشکل عمدهٔ تصویر موقعیت‌های روی کرهٔ زمین بر روی صفحه
- ۱- موقعیت‌ها بر روی کرهٔ زمین سه بعد دارند؛ در حالی که صفحه دارای دو بعد است؛ از این رو، باید روشی برای نمایش سه بعد بر روی دو بعد در اختیار داشته باشیم.
  - ۲- شکل هندسی کره یا بیضوی هیچ‌گاه روی یک صفحه باز نمی‌شوند توجه کنید اشکال هندسی مانند مخروط و استوانه، خلاف کره و بیضوی، قابل باز شدن روی صفحه هستند.



شکل ۲-۳- وضعیت شکل‌های قابل گسترش و غیر قابل گسترش را در روی صفحه نشان می‌دهد.

پس نیاز به سطح واسطه‌ی قابل گسترش بر روی صفحه را داریم که پس از تصویر کردن کره یا بیضوی بر روی این سطح واسطه با روش‌های مختلف، در مرحله‌ی بعد تصویر دیگری بر روی صفحه ایجاد می‌نماییم.



۱- سطح واسطه‌ی صفحه    ۲- سطح واسطه‌ی مخروط    ۳- سطح واسطه‌ی استوانه  
شکل ۳-۳- سه ایده‌ی اصلی برای استفاده از سطوح واسطه برای تصویر کردن را نشان می‌دهد.

**۳-۱-۳- تعریف سیستم تصویر و ویژگی‌های آن:** ارائه‌ی روش‌های مناسب برای تصویر کردن بخشی از کره یا بیضوی بر روی صفحه را سیستم‌های تصویر می‌گویند.

مناسب‌ترین سیستم تصویر آن است که دارای این ویژگی‌ها باشد :

- ۱- طول‌ها و مساحت‌ها روی نقشه باید به یک نسبت مشخص کوچک شده باشند.
- ۲- تمامی زوایا بین امتدادها و آزیموت امتدادها بر روی نقشه برابر زاویه و آزیموت امتدادها در روی زمین باشد.

۳- تمامی دوایر عظیمه بر روی کره به صورت خط‌های مستقیم بر روی نقشه باشد.

۴- طول و عرض ژئودتیک نقاط به طور صحیح بر روی نقشه نشان داده شود.

اما با توجه به مطالب یادشده و موضوع شکل زمین، غیرممکن است که تمامی ویژگی‌های موردنظر بالا در تصویر کردن و تهیه‌ی نقشه رعایت گردد، بلکه فقط می‌توانیم یک یا چند ویژگی یادشده را رعایت کنیم. براساس این که در تصویر کردن کدام ویژگی رعایت گردیده سیستم‌های تصویر به نمونه‌هایی دسته‌بندی می‌شوند که برخی از آن‌ها بدین قرارند :

### ۳-۱-۴ - انواع سیستم تصویر از نظر ویژگی

۱- سیستم تصویر متشابه<sup>۱</sup>: در این نوع سیستم تصویر زوایا ثابت می‌ماند و در حقیقت در مساحت‌های کوچک‌تر حتی شکل محدوده‌ها نیز حفظ می‌گردد، اما در مساحت‌های بزرگ‌تر به دلیل تغییر در مقیاس شکل نیز متفاوت می‌شود.

۲- سیستم تصویر هم مساحت<sup>۲</sup>: در این نوع سیستم تصویر مساحت محدوده‌های مختلف بر روی سطح زمین به یک نسبتی کوچک می‌گردد و روی نقشه نشان داده می‌شود. در این سیستم ممکن است طول‌ها و زوایا تغییر کند، اما مساحت‌ها ثابت بمانند.

۳- سیستم تصویر هم فاصله<sup>۳</sup>: در این سیستم تصویر فاصله‌ی تمامی نقاط از یک نقطه‌ی مرکزی بر روی نقشه به یک نسبت مشخصی نسبت به فواصل روی سطح زمین کوچک شده است.

۴- سیستم تصویر آزیموتی<sup>۴</sup>: در این نوع سیستم تصویر جهت، آزمون امتدادها ثابت می‌ماند:

۳-۱-۵ - انواع سیستم‌های تصویر از نظر روش: به‌طورکلی در تمامی سیستم‌های تصویر در بی به‌دست آوردن  $x$  و  $y$  از  $\phi$  و  $\lambda$  هستیم که معمولاً به سه روش انجام می‌گیرد:

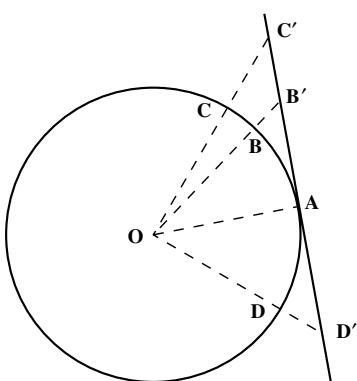
۱- سیستم تصویر صفحه‌ای

۲- سیستم تصویر مخروطی

۳- سیستم تصویر استوانه‌ای

### ۳-۲ - سیستم تصویر صفحه‌ای

ساده‌ترین سیستم تصویر هندسی تصویر کره روی یک صفحه‌ی مماس بر کره در یک نقطه‌ی خاص مانند A است که البته می‌توان آن را به سه صورت تصویر نمود. در شکل‌های ۳-۶ تا ۳-۴ نحوه‌ی تصویر کردن را مشاهده می‌کنید.



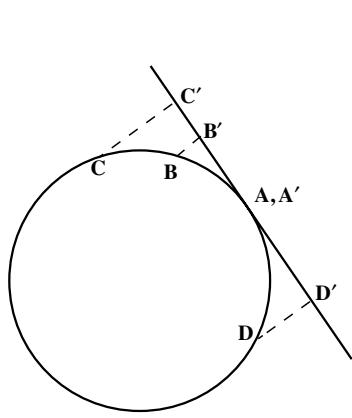
شکل ۳-۴

۱- Conformal projection

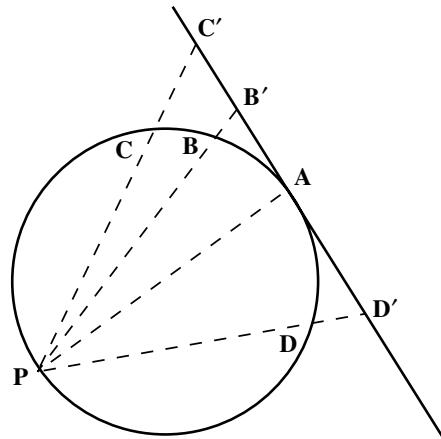
۲- Equal - arca projection

۳- Equidistant projection

۴- Azimuthal projection



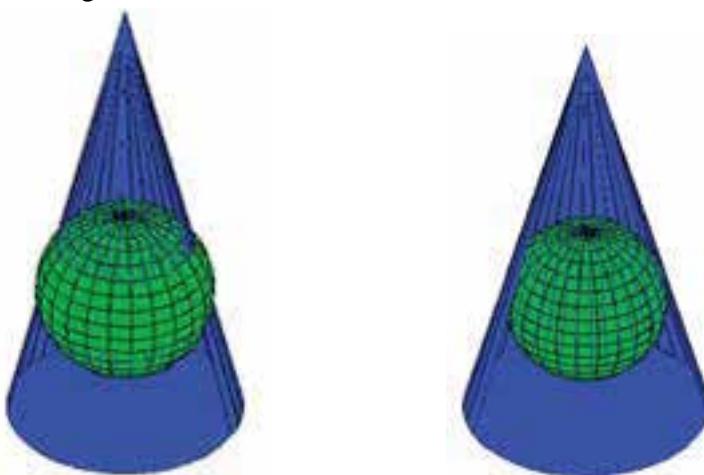
شکل ۳-۶



شکل ۳-۵

### ۳-۳ - سیستم تصویر مخروطی (Conical Projection)

در این سیستم‌های تصویر که مخروطی نام دارند سطح مخروطی حول یک مدار (مدار استاندارد) بر کره مماس هستند (شکل ۳-۷)، به گونه‌ای که محور مخروط در امتداد محور زمین قرار دارد. این سیستم که بیشتر به «لامبرت» معروف است برای مناطق شرقی - غربی یا حول مداری و عرض‌های جغرافیایی میانی بسیار مناسب است. مطابق شکل ۳-۸ ممکن است به جای یک مدار برای تماس، دو مدار استاندارد انتخاب شود؛ به طوری که مخروط در این دو مدار کره را قطع می‌کنند. بدین وسیله



شکل ۳-۸ - سیستم تصویر مخروطی با مخروط متقاطع با کره را نشان می‌دهد.

شکل ۳-۷ - سیستم تصویر مخروطی با مخروط مماس بر کره را نشان می‌دهد.

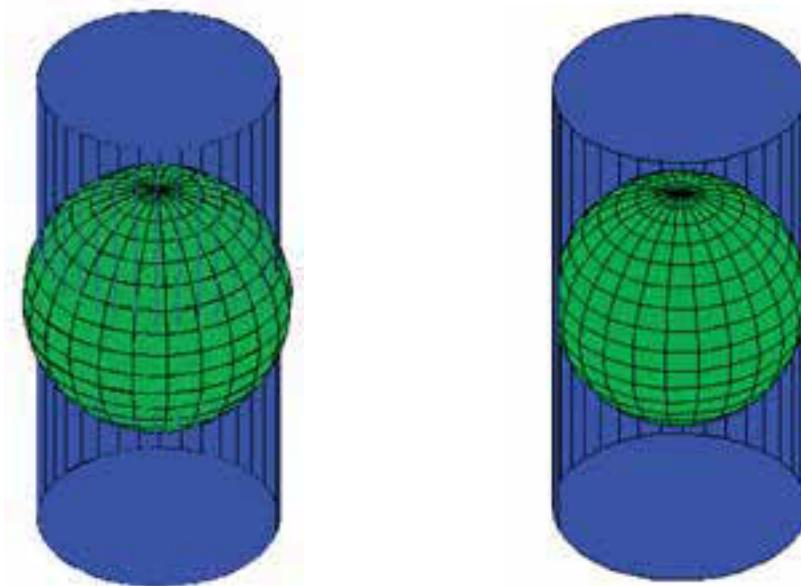
حوزه‌ی دقیق و دامنه‌ی گسترش منطقه‌ی مفید سیستم را زیاد می‌کنند. سیستم مخروطی کاربردهای زیادی دارد، اما مانند سیستم تصویرهای قبلی برای عرض جغرافی‌های بالا مناسب بوده و برای ترسیم نقشه‌های جهانی مناسب نیستند.

در این نوع سیستم، مدارات به صورت دوازیر متحدم‌المرکز و نصف‌النهارات شکل خطوطی راست تصویر می‌شوند.

برای تهیه‌ی نقشه‌ی کشورهایی نظیر فرانسه و ایالات متحده‌ی آمریکا، از سیستم تصویر لامبرت استفاده گردیده هم‌چنین برای قسمت‌های جنوبی ایران و نیز مناطق مرزی ایران و عراق، این سیستم به کار گرفته شده است.

#### ۴-۳- سیستم‌های تصویر استوانه‌ای یا مرکاتور (Mercator Projection)

۴-۳-۱- سیستم تصویر مرکاتور: در این حالت سطح موردنظر که بر پیضوی مماس و سپس گسترش پیدا می‌کند استوانه‌ای است که در طول یک دایره‌ی عظیمه بر کره مماس است (شکل ۹-۳-الف). البته در برخی مواقع نیز این استوانه متقاطع با کره بوده است (شکل ۹-۳-ب).



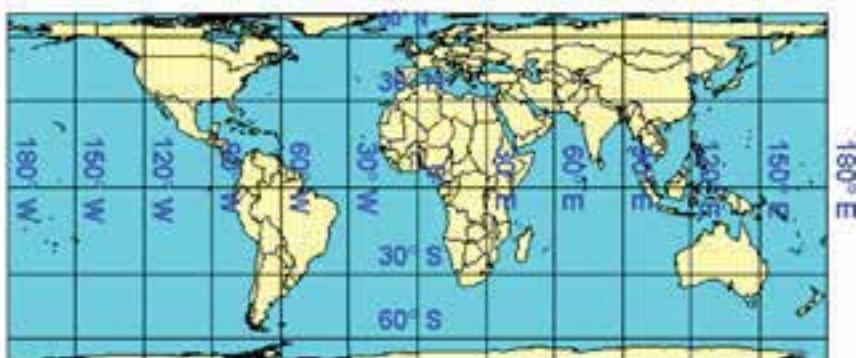
شکل ۹-۳- ب - سیستم تصویر استوانه‌ای با استوانه‌ی متقاطع بر کره را نشان می‌دهد.

شکل ۹-۳- الف - سیستم تصویر استوانه‌ای با استوانه‌ی مماس بر کره را نشان می‌دهد.

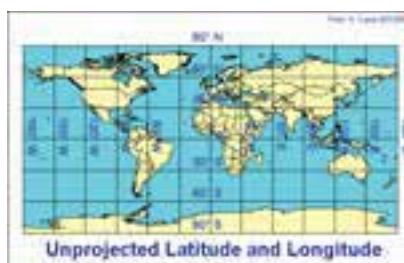
بانی این سیستم تصویر (Gerard Mercator) ریاضیدان و کارتوگراف بزرگ «جهان» است که در قرن شانزدهم و بین سال‌های ۱۵۱۲ تا ۱۵۹۴ می‌زیسته است.

به هنگام نجوانی وی، مازلان دست به سفر زد. این مسافرت‌ها و مسیر پیموده شده مازلان او را تحت تأثیر قرار داد و با وجود سن کم کارتوگراف برجسته‌ای گردید. همگان تحولی را که او در نقشه به وجود آورد، بزرگترین ابداع قرن شانزدهم دانسته‌اند. در حقیقت او بود که نقشه را از حالت یک نقاشی ساده به یک وسیله‌ی دقیق درخور استفاده تبدیل کرد. در سال ۱۵۶۹ اولین نقشه‌ی جهان در سیستم تصویر مرکاتور تهیه گردید که ارتباط حقیقی طول و عرض جغرافیایی در آن ملحوظ شده بود، به همین سبب این نقشه به مثابه‌ی چراغ راهنمای دریانوردان بوده و هست؛ به گونه‌ای که امروزه چارت‌های مرکاتور یک وسیله‌ی الزامی برای سیستم‌های ناوبری بهشمار می‌آیند.

در شکل ۳-۱° مقایسه‌ای بین طول و عرض واقعی کره‌ی زمین با تصویر آن در سیستم مرکاتور دیده می‌شود، مرکاتور استوانه‌ای (که در حول استوا به کره مماس نموده) بنابراین در نزدیک استوا کاملاً هر دو شکل با هم مطابقت دارند، اما در مناطق نزدیک به قطب جدایی و کشیدگی مشاهده می‌شود.



شکل ۳-۱°-الف - تصویر بخشی از کره‌ی زمین را روی صفحه توسط سیستم تصویر استوانه‌ای نشان می‌دهد.



شکل ۳-۱°-ب - طول و عرض واقعی نقاط بدون تصویر کردن

در این سیستم مرکاتور تغییر مقیاس در طول نصف النهارات از مدارات بیشتر است و تصویر نصف النهارات و مدارات، خطوطی موازی و عمود بر یک دیگر هستند (تقارب نصف النهارات برای مناطق وسیع وجود دارد). با انعطاف و قابلیت‌هایی که در این سیستم وجود دارد می‌توان استوانه را به هر طرف چرخاند و بر پیضوی زمین حول هر دایره‌ی عظیمه‌ای مماس نمود که این بزرگ‌ترین امتیاز سیستم مرکاتور می‌باشد.

### آیا می‌دانید؟

یکی از روش‌های ابویرحان بیرونی، که خود آن را تسطیح اسطوانی (استوانه‌ای) نامیده است، شباهت زیادی به روش تسطیح نیکولوسی دی پاترینو دارد که در سال ۱۶۷۰ میلادی منتشر کرد و امروزه نقشه‌های جغرافیایی موسوم به مرکاتور بر اساس آن تنظیم می‌شود. از نوآوری‌های دیگر او در نقشه‌کشی این است که برای نشان دادن ناهمواری‌ها و موقعیت‌های جغرافیایی زمین، جامع‌تر از پیشینیان خود به استفاده از رنگ‌های گوناگون اشاره کرده است. هم‌چنین، در کتاب التفہیم نقشه‌ای از کره‌ی زمین رسم کرده است که ارتباط اقیانوس هند با اقیانوس اطلس برای نخستین بار در آن نشان داده شده است. از این‌رو، برخی اورا از بنیان گذاران دانش مساحی (نقشه‌کشی) و از پیشگامان جغرافیایی ریاضی می‌دانند.

**۲-۴-۳-۲- ترانسورس مرکاتور (TM)<sup>۱</sup>** : در این سیستم تصویر به جای تماس استوانه با استوا، استوانه بر نصف النهارات مماس می‌گردد.

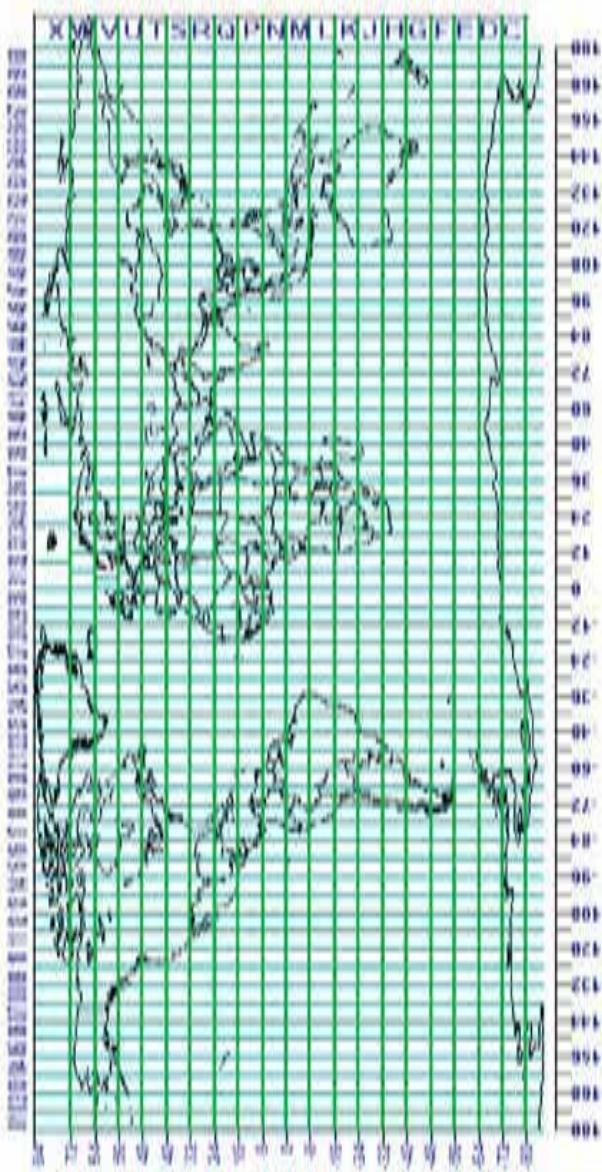
**۲-۴-۳- یونیورسال ترانسورس مرکاتور (UTM)<sup>۲</sup>** : در این سیستم پیضوی زمین به  $6^{\circ}$  قاچ (Zone) به مبدأ نصف النهار گرینویچ (مطابق شکل ۱۱-۳) تقسیم می‌گردد. بدین ترتیب،  $0^{\circ}$  قاچ در شرق نصف النهار گرینویچ و  $30^{\circ}$  قاچ در غرب گرینویچ است.

شماره‌گذاری قاچ‌ها نیز از قسمت سمت القدمی نصف النهار گرینویچ در خلاف جهت حرکت عقربه‌های ساعت صورت می‌گیرد؛ یعنی قاچ محصور بین  $180^{\circ}$  و  $174^{\circ}W$   $\approx 3^{\circ}$  قاچ شماره‌ی ۱ و قاچ محصور بین  $174^{\circ}W$  و  $168^{\circ}W$   $\approx 6^{\circ}$  قاچ شماره‌ی ۲ و ... تا این که قاچ محصور بین  $6^{\circ}W$  و  $0^{\circ}$  قاچ شماره‌ی  $3^{\circ}$  خواهد بود و قاچ بین  $0^{\circ}$  و  $6^{\circ}E$   $\approx 31^{\circ}$  قاچ و ... .

حال، با این تقسیم‌بندی معلوم می‌شود که کمترین  $\lambda$  در ایران حدوداً  $44^{\circ}$  در اطراف شهر «ماکو» و بیشترین  $\lambda$  در استان سیستان و بلوچستان حدود  $63^{\circ}$  است. بر این اساس، می‌توان گفت

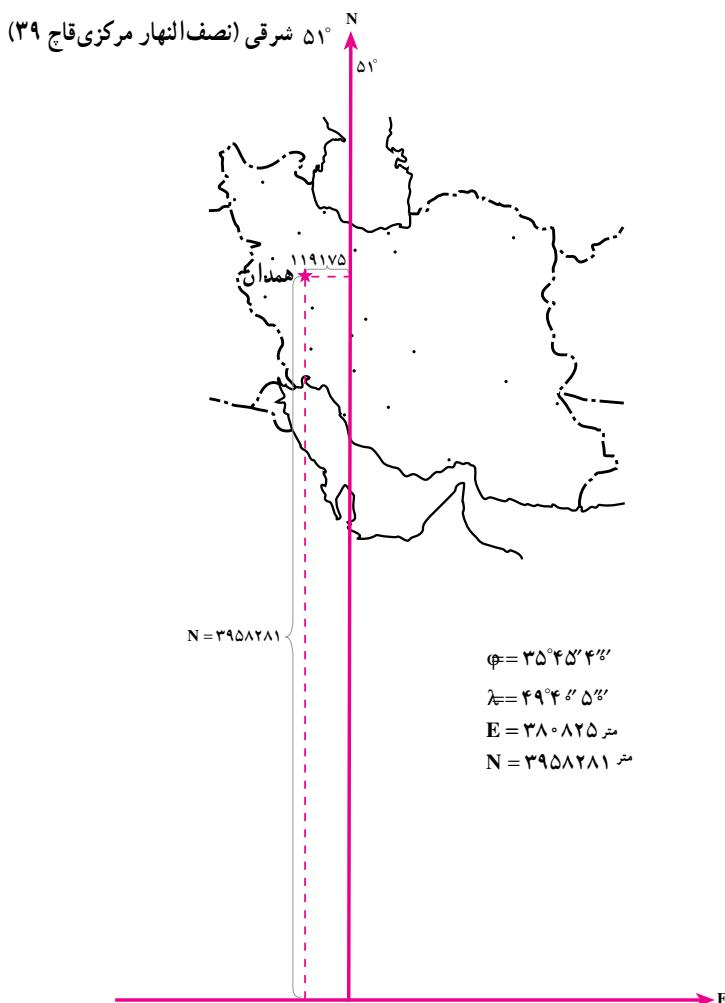
که کشور ایران در داخل قاطعهای ۲۸ و ۳۹ و ۴۰ و ۴۱ قرار خواهد گرفت.

در این سیستم تصویر، برای هر قاطعه یک نصف‌النهار مرکزی در نظر می‌گیرند که در حقیقت نصف‌النهار وسطی هر قاطعه خواهد شد؛ برای مثال، در قاطع شماره‌ی ۳۱ که محصور بین نصف‌النهار  ${}^{\circ} ۶ E$  و  ${}^{\circ} ۶ E$  است نصف‌النهار مرکزی قاطع  ${}^{\circ} E$  خواهد بود یا در قاطع شماره‌ی  $۴۰$  که مابین نصف‌النهار  ${}^{\circ} ۵۴ E$  و  ${}^{\circ} ۶۰ E$  است. نصف‌النهار مرکزی این قاطع خواهد بود. و این نصف‌النهار مرکزی است که در هر قاطع برای تماس با سطح استوانه، انتخاب می‌گردد.



شکل ۳-۱۱- سیستم تصویر  
و شماره‌ی قاطعهای UTM

سیستم تصویر UTM<sup>۱</sup> بر همین اساس، در سال ۱۹۵۸ میلادی ابداع گردید. در این سیستم دامنهٔ عمل هر قاچ نسبت به نصف‌النهار مرکزی  $3^{\circ}$  به شرق و  $3^{\circ}$  به غرب خواهد بود. در سیستم «UTM» محاسبات برای تمامی قاچ‌ها به طور مستقل اما کاملاً یکسان خواهد بود. این سیستم در تمامی جهان به یک شکل قابل استفاده است و به همین دلیل به آن «سیستم جهانی<sup>۲</sup>» می‌گویند.



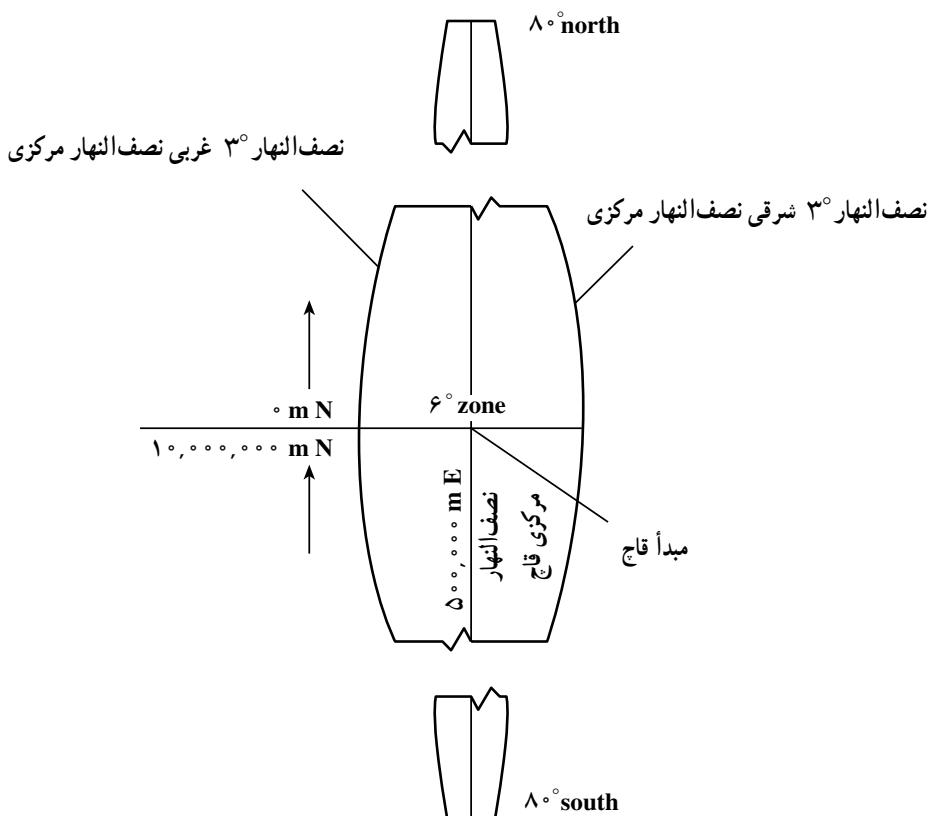
شکل ۱۲-۳—موقعیت یک نقطه در استان همدان را نشان می‌دهد.

برخی از ویژگی‌های این سیستم بدین قرار است:

- ۱- پهناهی هر قاچ  $6^\circ$  بوده کل کره‌ی زمین به  $6^\circ$  قاچ تقسیم می‌گردد.
- ۲- واحد اندازه‌ها در این سیستم، متر است.
- ۳- محور  $x$ ‌ها تقاطع سطح استوا با سطح استوانه است.
- ۴- محور  $y$ ‌ها تصویر نصف‌النهار مرکزی روی سطح استوانه است.
- ۵- مقدار  $y$  برای مبدأ برابر صفر متر برای نیم‌کره‌ی شمالی و برابر  $10,000,000$  برای نیم‌کره‌ی جنوبی است (شکل ۱۳-۳).

۶- مقدار  $x$  برای مبدأ  $500000$  متر می‌باشد.

نکته: مختصات در زون‌ها مشابه یکدیگرند و یک مختصات نشان‌دهنده‌ی  $6^\circ$  نقطه (در هر زون یک نقطه) می‌باشد و آن‌ها را می‌توان با شماره زون از یکدیگر تشخیص داد.



شکل ۱۳-۳- سیستم تصویر UTM را برای یک قاچ نمایش می‌دهد.

## خودآزمایی

- ۱- لزوم تصویر موقعیت‌های روی کره‌ی زمین به روی صفحه را توضیح دهید.
- ۲- دو مشکل اساسی تصویر موقعیت‌های روی کره‌ی زمین را به روی صفحه توضیح دهید.
- ۳- سیستم تصویر را تعریف کنید.
- ۴- ویژگی‌های یک سیستم تصویر مناسب را توضیح دهید.
- ۵- انواع سیستم تصویر را از نظر ویژگی نام ببرید.
- ۶- سیستم تصویر متشابه را به اختصار شرح دهید.
- ۷- سیستم تصویر هم مساحت را به اختصار شرح دهید.
- ۸- سیستم تصویر هم فاصله را به اختصار شرح دهید.
- ۹- سیستم تصویر آزمونی را به اختصار شرح دهید.
- ۱۰- انواع سیستم‌های تصویر را از نظر روش نام ببرید.
- ۱۱- انواع سیستم‌های تصویر صفحه‌ای را نام ببرید.
- ۱۲- سیستم تصویر مخروطی را تعریف کنید.
- ۱۳- کاربردهای سیستم تصویر مخروطی و ویژگی آن را توضیح دهید.
- ۱۴- سیستم تصویر مرکاتور را توضیح دهید.
- ۱۵- سیستم تصویر ترانسسورس مرکاتور را توضیح دهید.
- ۱۶- سیستم تصویر یونیورسال ترانسسورس مرکاتور را توضیح دهید.
- ۱۷- ویژگی‌های سیستم تصویر یونیورسال ترانسسورس مرکاتور را توضیح دهید.
- ۱۸- بزرگ‌ترین امتیاز سیستم مرکاتور را بنویسید.
- ۱۹- چرا سیستم تصویر UTM یک سیستم تصویر جهانی است؟
- ۲۰- شکل یک قاج در سیستم تصویر UTM را رسم کنید و آن را توضیح دهید.

## فصل چهارم

### تعیین موقعیت زمینی

هدف‌های رفتاری : پس از پایان این فصل فرآگیر باید بتواند :

- ۱- تعیین موقعیت نسبی را تعریف کند.
- ۲- انتقال موقعیت ارتفاعی را توضیح دهد.
- ۳- شبکه‌ی ارتفاعی را توضیح دهد.
- ۴- کاربردهای شبکه‌ی ارتفاعی درجه‌ی یک را بیان کند.
- ۵- کاربردهای شبکه‌ی ارتفاعی درجه‌ی دو را بیان کند.
- ۶- کاربردهای شبکه‌ی ارتفاعی درجه‌ی سه را بیان کند.
- ۷- اختلاف ارتفاع را تعریف کند.
- ۸- انواع روش‌های اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع را به اختصار شرح دهد.
- ۹- اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع به روش تاکومتری را به اختصار با رسم شکل توضیح دهد.
- ۱۰- تعریف یک سیستم مختصات را برای انتقال موقعیت مسطحاتی شرح دهد.
- ۱۱- روش‌های انتقال مختصات نسبی را نام ببرد.
- ۱۲- پیماش را تعریف کرده انواع آن را نام ببرد.
- ۱۳- روش پیماش باز را شرح دهد.
- ۱۴- روش پیماش بسته را با ذکر چند مثال شرح دهد.
- ۱۵- روش مثلث بندی را برای انتقال مختصات شرح دهد.
- ۱۶- روش سه ضلع بندی را برای انتقال مختصات شرح دهد.
- ۱۷- روش تقاطع را برای انتقال مختصات شرح دهد.
- ۱۸- روش ترفعی را برای انتقال مختصات شرح دهد.

## ۱-۴- تعریف تعیین موقعیت نسبی (Relative Positioning)

تعیین موقعیت نسبی یک نقطه، بدست آوردن موقعیت نقطه‌ی مورد نظر نسبت به نقاط زمینی دیگر می‌باشد. به عبارتی دیگر در حقیقت انتقال مختصات از یک نقطه‌ی زمینی به یک نقطه‌ی زمینی دیگر را تعیین موقعیت نسبی می‌گوییم. این انتقال مختصات ممکن است انتقال در یک بعد باشد یعنی انتقال موقعیت ارتفاعی، حالت دوم ممکن است انتقال مختصات دو بعدی یا مختصات مستطحاتی نقاط باشد و حالت سوم انتقال مختصات سه بعدی نقاط یعنی ( $z$  و  $y$  و  $x$ ) نقاط می‌باشد. هر کدام از این انتقال مختصات روش‌ها و لوازم و تجهیزات خاصی را می‌طلبد که به‌طور مختصر در بخش‌های مربوطه توضیح داده خواهد شد.

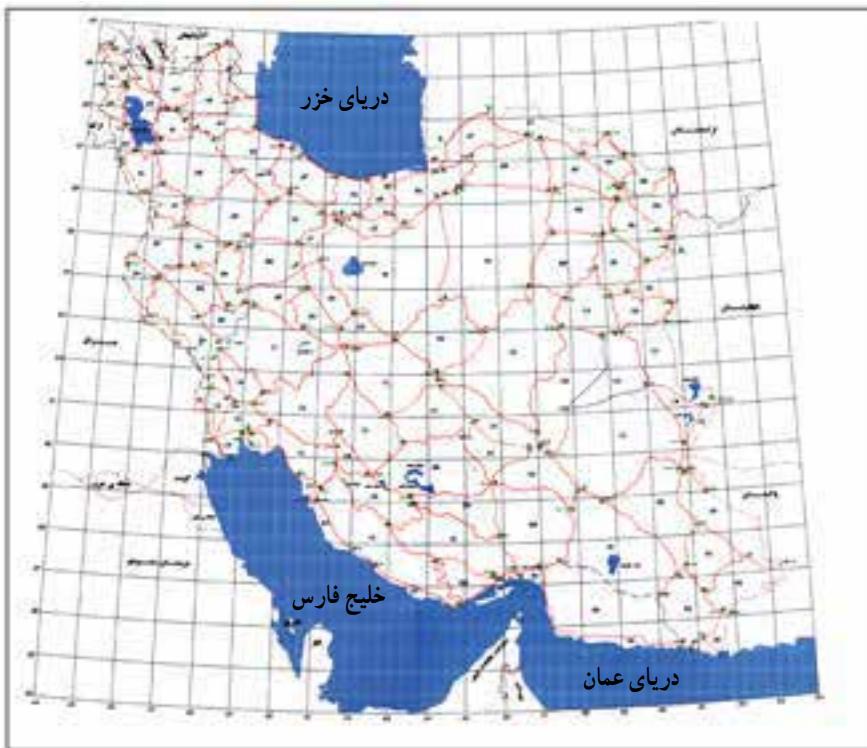
## ۲-۴- انتقال موقعیت ارتفاعی (Levelling)

ارتفاع یک نقطه روی سطح زمین فاصله‌ی عمودی آن نقطه از یک سطح تراز قراردادی می‌باشد. سطح تراز یک سطح هم پتانسیلی است که در تمام نقاط آن امتداد ثقل بر آن سطح عمود می‌باشد این سطح تراز می‌تواند یک سطح تراز واقعی مثل سطح متوسط آب‌های آزاد یا ژئوئید یا یک سطح تراز فرضی باشد، که در فصل‌های قبل با آن آشنا شدید.

با توجه به نوع پروژه از سطح مبنای مختلف یا نقاط ارتفاع‌دار خاص استفاده می‌کنیم اگر هدف از انجام یک پروژه یک کار محلی باشد و ارتباطی به ارتفاعات موجود اطراف پروژه نداشته باشد در این صورت می‌توان از یک سطح مبنای ارتفاعی محلی استفاده کرد. یعنی به یک نقطه ارتفاع خاصی را نسبت دهیم و بقیه‌ی نقاط را در محل پروژه نسبت به آن می‌سنجدیم. به عنوان نمونه‌ی ساده فرض کنید، بنایی می‌خواهد پشت بام خانه‌ای را با شیب خاصی بسازد، در این پروژه بنای هیچ فکری در مورد ارتفاع خیابان اطراف ساختمان یا ارتفاع ساختمان‌های دیگر و غیره ندارد. پس خودش می‌تواند یک مبنای ارتفاعی انتخاب کند. در این انتخاب ارتفاع نقطه‌ی مبنای را طوری در نظر می‌گیرند که حتی الامکان ارتفاع منفی نداشته باشد.

در برخی پروژه‌ها نمی‌توان مبنای را محلی در نظر گرفت به عنوان نمونه تهیه‌ی نقشه‌ی توپوگرافی برای احداث یک شهرک در منطقه، وضعیت ارتفاعی نقاط باید هماهنگ با مبنای ارتفاعی کشوری باشد. زیرا مثلاً در طراحی این شهرک شما باید وضعیت ارتفاعی جاده‌ای که از کنار این زمین عبور می‌کند، داشته باشید یا شما باید ارتفاع سدی که قرار است آب این شهرک را تأمین کند، داشته باشید

و یا باید وضعیت ارتفاعات مسیر فاضلاب موجود در اطراف شهرک را داشته باشید. پس در کل نیاز است که مبنای ارتفاعات کشوری باشد، شکل ۴-۱ وضعیت شبکه، درجه‌ی ۱ ترازیابی کشور را تا بهار سال ۷۹ نشان می‌دهد.



شکل ۴-۱

#### راهنمای نقشه

مسیرهای ترازیابی شده

مسیرهای ساختمان شده

مسیرهای ساختمان نشده

نقطه اتصالی درجه یک

نام لوپ

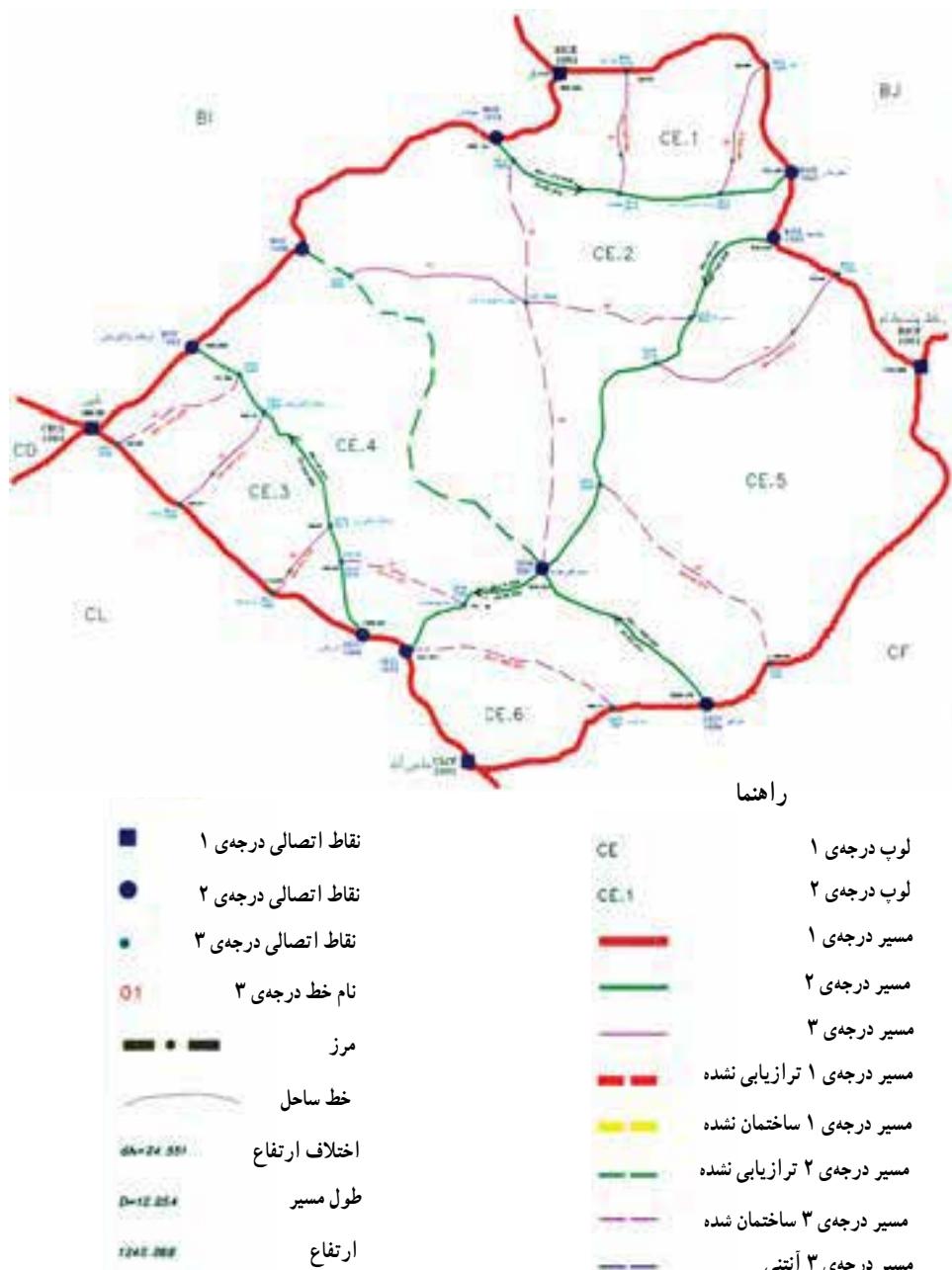
دریاچه دائمی

دریاچه فصلی

مرز

خط ساحل

شکل ۴-۲ دو نمونه از یک حلقه‌ی ترازیابی درجه‌ی ۱ را نشان می‌دهد و نیز ترازیابی درجه‌ی ۲ و درجه‌ی ۳ را که متکی به نقاط ترازیابی درجه‌ی ۱ می‌باشند، نیز نمایش می‌دهد.



شکل ۴-۲

شکل ۴-۳ نمونه‌ای از نقاط ارتفاعی دقیق کشوری را نشان می‌دهد که با استفاده از آن می‌توان ارتفاع را به نقاط دیگر انتقال داد. در روی نقاط ترازیابی دقیق کشوری گُ نقطه حک شده و می‌توان با ارائه‌ی آن کد به سازمان نقشه‌برداری کشور برگه‌ی شناسایی آن را از سازمان خریداری نمود. شکل ۴-۴ نمونه‌ای از یک برگه‌ی شناسایی یک نقطه‌ی ترازیابی دقیق را نشان می‌دهد.



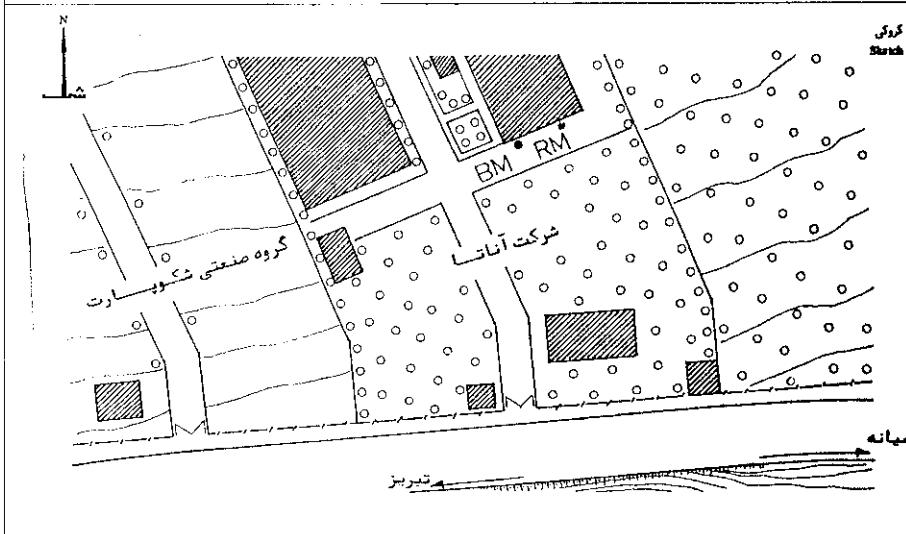
شکل ۴-۴— یک نقطه‌ی ترازیابی به نام AQAR1086 در منطقه‌ی امام زاده هاشم را نشان می‌دهد که دستگاه GPS روی آن مستقر شده است.

شناختن ایستگاه ترازیابی  
LEVELING STATION DESCRIPTION

طول مختصاتی Longitude	۴۶° ۲۴' .۶	شماره نکته Sheet No.	پنجم 5	ردیف Order	A   E   A   I   1   0   0   8	نام ایستگاه Station Name
عرض مختصاتی Latitude	۳۸° ۰۲' .۰	مقیاس نکته Scale	استان آذربایجان شرقی Province			
سنجاقه Gravity		شاره مکان و طرح Project & Photo No.	جاده تبریز - بستان آباد Road			نام قدیمی ایستگاه Old Name
تاریخ ثبت Date		مقیاس مکاف Photo Scale	نزدیکترین شهر Nearest Town	معمولی		نوع ایستگاه Type of Station

تاریخ ثبت Obs. Date	تاریخ مسح Cal. Date	متنا Datum	ارتفاع		ارتفاع ارتوئری Ortho. Elevation	ملاحظات Remarks
			B.M.	R.M.		
۱۳۶۷	۱۳۷۰	N.C.C.	۱۶۲۸.۱۶۶	۱۶۲۸.۵۹۷	BM → RM	
	۱۳۷۷	DNG. 1001	۱۶۲۸.۴۱۶	۱۶۲۸.۸۴۶۱	G - 75°	

مشخصات ایستگاه:  
**Description:** ایستگاه بالاترین نقطه سطح کووی شکل مبله فلزی مقطر ۲۵ سانتیمتر میباشد. این مبله داخل یک چوب استوانه ای شکل با قطر ۴۰ و ارتفاع ۷۰ سانتیمتر کارگذاشته شده است. بطوریکه سطح کروی مبله میباشد. ۵ نمایه متر از سطح بتن با اتمومی باشد. نشانه راهنمای (R.M.) میباشد. ایستگاه در داخل بتن قرار دارد. این مکان همراه با سطح فوقانی ۲۵ × ۲۵ و ارتفاع ۵۰ سانتیمتر.  
**St. Positioning:** ایستگاه BM بمقابلة ۱۹۲.۵ متری شمال محور جاده تبریز- میانه و داخل محوطه شرکت آناتالدر- ۵ هشتاد و پنجم متر از سطح بتن. گوش جنوبی بغرمی ساختمان شکلات سازی و ۶۰ سانتیمتری بیوار قرارداده است. نیز در خلنج چوبی ساختمان شکلات سازی و بخلافه یک متري گوش جنوبی بشرقی ساختمان و ۳۰ سانتیمتری بیوار قرار گرفته است. فاصله ایستگاه BM از ایستگاه AEAI 1007 و AEAI 1009 بترتیب ۲.۲ و ۱ کیلومتر میباشد.  
**Note:** پس از طی ۴.۹ کیلومتر از معیدان داشتگاه تبریز (بیست و نه بهمن) در جاده تبریز- میانه بطرف عیانه به شوکت آناتا محل ایستگاه خواهیم رسید.



Form No. 40 1982 فروردین ۱۳۶۶

نیم کشش غلام حض آذری ماه مرداد سال ۱۳۶۶ Director

محلانه نفت پرطی کشور N.C.C.

شكل ۴-۴- شناختن ایستگاه ترازیابی با تمامی مشخصات مورد نیاز

به هر کدام از نقاط شبکه‌های ارتفاعی، در اصطلاح، «بنچ مارک Bench Marks» گویند. پس «بنچ مارک‌ها» نقاطی هستند که ارتفاع آن‌ها به طور دقیق معلوم است، اما موقعیت مسطحاتی آن‌ها به طور تقریبی معلوم نیست. شبکه‌های ارتفاعی از نظر دقت به درجات مختلفی تقسیم می‌گردند. هر قدر درجه‌ی شبکه‌ها بالاتر باشد دقت آن‌ها بیشتر است و عموماً فاصله‌ی بین بنچ مارک‌ها متناسب با درجه‌ی شبکه‌های است. البته استانداردهای مختلفی وجود دارد که کشورهای مختلف از آن استفاده می‌کنند. در جدول زیر نمونه‌ای از این استانداردها را مشاهده می‌کنید.

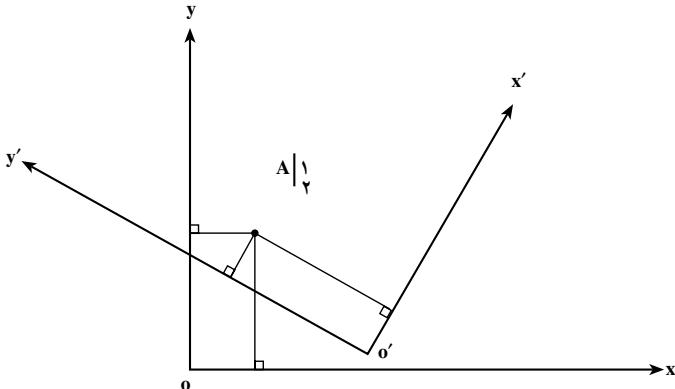
**جدول ۴-۵ - طبقه‌بندی شبکه‌های ترازیابی**

طبقه‌بندی	درجه‌ی ۱	درجه‌ی ۲	درجه‌ی ۳
اهداف	<ul style="list-style-type: none"> <li>- استخوان بندی کلیه‌ی شبکه‌های کشوری</li> <li>- بررسی حرکات پوسته‌های محلی ناحیه‌ای زمین</li> <li>- مبتدا برای شبکه‌ی کنترل در جاذبه</li> <li>- کنترل شبکه‌های بزرگ ترازیابی</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- استفاده در پروژه‌های بزرگ مهندسی</li> <li>- بررسی نشست آن‌ها و بررسی نشست آن‌ها</li> <li>- مبتدا برای زهکش‌ها و شبکه‌های کanal‌ها و زهکش‌ها</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- مبتدا برای پروژه‌های کوچک مهندسی</li> <li>- مبتدا برای تهیه‌ی نقشه‌های توپوگرافی در حجم کوچک‌تر</li> <li>- مطالعه برای زهکش‌ها و شبکه‌های کanal‌ها و زهکش‌ها</li> </ul>
فاصله بین نقاط	۱-۳km	۱-۳km	نیاید بیش تر از ۳ کیلومتر باشد
طول شبکه‌ها	۳۰°-۵۰° کیلومتر	۵۰°-۱ کیلومتر	هر اندازه که مورد نیاز است
مشاهدات گراویتی	لازم است	لازم نیست	لازم نیست
وسایل لازم	ترازیاب دقیق با میکرومتر و میر انوار و یا ترازیاب اتوماتیک	ترازیاب دقیق با میکرومتر و میر انوار	ترازیاب معمولی به همراه شاخص
ماکریم خطای	$3\text{mm}\sqrt{\text{K}}$	$6\text{mm}\sqrt{\text{K}}$	$12\text{mm}\sqrt{\text{K}}$

### **۴-۶ - انتقال موقعیت مسطحاتی**

برای انتقال موقعیت مسطحاتی یعنی  $y$  و  $x$  از نقاطی به نقاط دیگر ابتدا نیاز به تعریف یک سیستم مختصات داریم. همان‌طوری که قبلاً اشاره شده با داشتن یک نقطه‌ی مختصات دار یک سیستم مختصات مشخص نمی‌گردد وقتی به شما گفته می‌شود که مختصات نقطه‌ای مانند A در روی صفحه‌ی کاغذ

دارای مختصات  $x = 1\text{ cm}$  و  $y = 2\text{ cm}$  است آیا می‌توانید محورهای مختصات را رسم کنید و مبدأ و جهت محورها را مشخص کنید؟



شکل ۶-۴

همان‌طوری که از شکل بالا متوجه شدید بی‌شمار سیستم مختصات را می‌توان مشخص نمود که نقطه‌ی A دارای مختصات  $x = 1\text{ cm}$  و  $y = 2\text{ cm}$  باشد پس یک نقطه با مختصات معلوم نمی‌تواند یک سیستم مختصات را مشخص کند.

شما به هیچ عنوان نمی‌توانید نمی‌توانید با داشتن مختصات فقط یک نقطه‌ی معلوم و مشاهدات طول و زاویه به نقاط دیگر مختصات بدھید. برای تعیین موقعیت نسبی حداقل به دو نقطه با مختصات معلوم نیاز داریم.

بنابراین برای انتقال مختصات، حداقل دو مورد مختصات مبنایی نیاز است. در مورد نقاط مسطحه‌ای مبنایی نیز بحثی که در بخش قبل داشتیم، این سیستم مختصات هم می‌تواند محلی باشد و هم می‌تواند به صورت کشوری یا جهانی باشد.

در برخی مواقع که پژوهه کشوری باشد و ارتباط با پژوهه‌های دیگر اهمیت داشته باشد در این صورت باید از مختصات کشوری استفاده کرد که شکل ۶-۷ نمونه‌ای از شبکه‌های مسطحه‌ای کشوری را نشان می‌دهد و فرد یا سازمان مربوطه می‌تواند به سازمان نقشه‌برداری کشور<sup>۱</sup> مراجعه نموده و دو نقطه از نقاط کنترل مسطحه‌ای را خریداری کند. نمونه‌ای از این نقاط مسطحه‌ای را در شکل‌های ۶-۸-الف و ۶-۸-ب می‌بینید. ضمناً این دو نقطه باید به هم‌دیگر دید داشته باشد که در قسمت ۵ این موضوع را مشخص می‌کند. به توضیحات زیر شکل‌ها توجه نمایید.

۱- سازمانی که بخشی از وظایف آن ایجاد نقاط کنترل مسطحه‌ای و ارتفاع در کشور می‌باشد.



شکل ۷-۴— شبکه‌ی مسطحاتی درجه ۲ کشور با شماره‌ی مثلث‌های نقاط  
توضیحات شکل ۷-۸

- ۱— وضعیت ایستگاه را از لحاظ درجه‌ی شبکه ژئودزی کشوری بیان می‌کند که در این نمونه ایستگاه از نوع درجه ۳ می‌باشد.
- ۲— شامل اطلاعات در مورد نام ایستگاه و نوع سیستم تصویر و شماره قاج و ... ضمناً در مورد عدد ۰۰۲-۱۰۱ نیز باید توضیح داد که ۱۰۱ شماره‌ی مثلث شبکه‌ی ژئودزی می‌باشد (یکی از مثلث‌هایی که در شکل ۷-۷ موجود هستند) و ۰۰۲ شماره‌ی نقطه‌ای است که در داخل مثلث ۱۰۱ می‌باشد.

سازمان نقشه برداری کشور

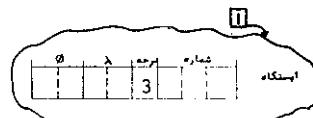
N.C.P.

شماره ردیف

شناسنامه نقاط زمینی ماهواره‌ای

شماره پرسنل پایگاه

Description of G.P.S. Station



38

UTM

سistem صورت

Station 101-002

آرد تبریزکار

استان آذربایجان شرقی - شهرستان تبریز - شهرستان تبریز - نوینکلن قریه - تبریز - آذربایجان شرقی - ایران

شماره نشانه Date of Photography

شماره عکس Photo No.

شماره کسر استانکه Province

شماره پرسنل Station No.

شماره روستا Village

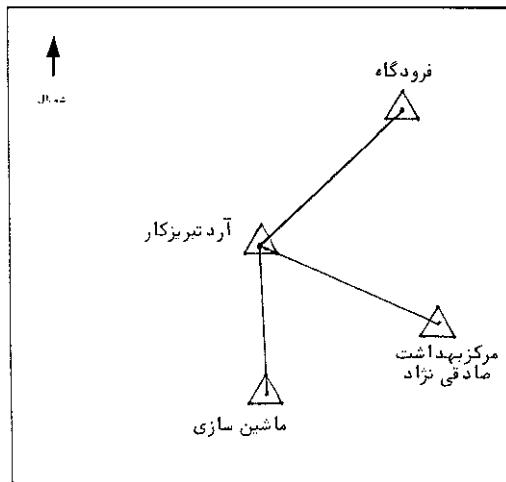
Further Information

φ	38° 06' 39".553576	N	4218837.5021	m	شماره	شماره
λ	46° 13' 28".463922	E	607353.9934	m	شماره	شماره
φ		N		m	شماره	شماره
λ		E		m	شماره	شماره
φ		N		m	شماره	شماره
λ		E		m	شماره	شماره

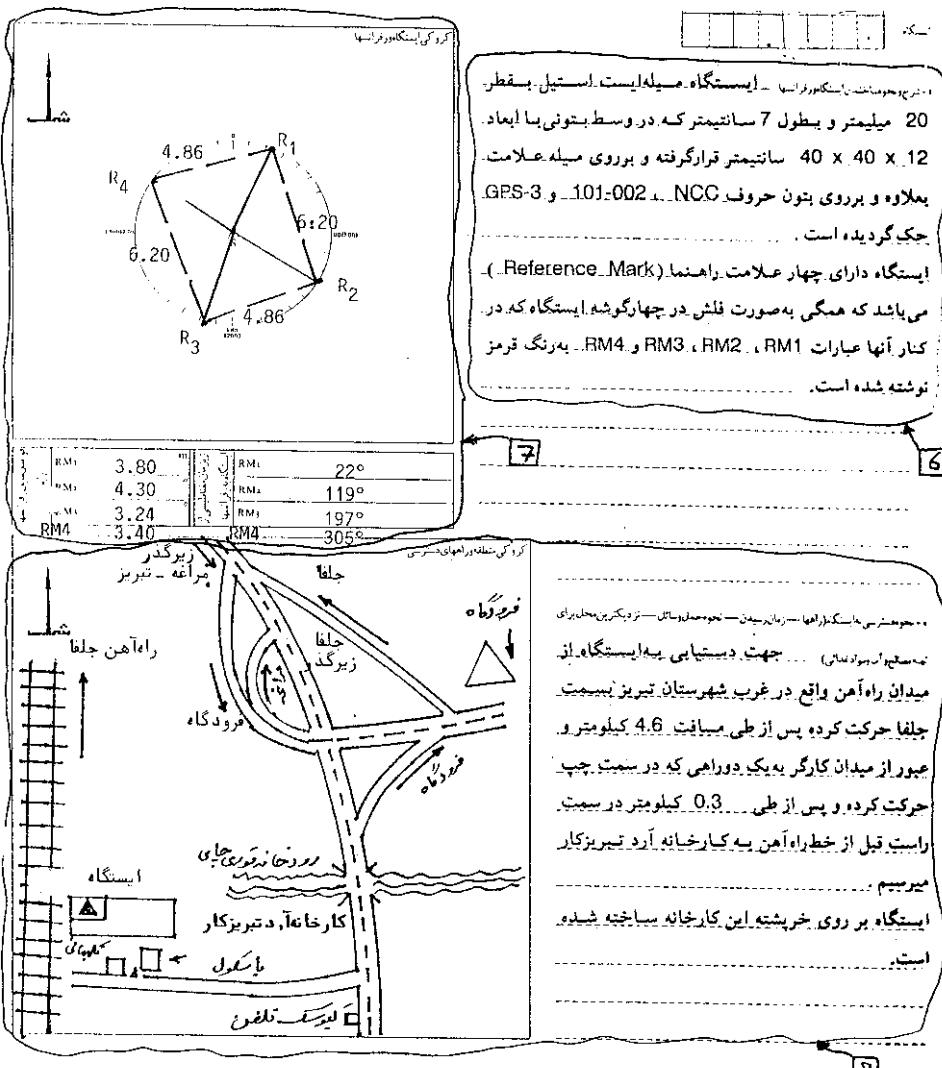
۴- مراعته برای سازاری اندازه گیری

استدکاماتی قراردادی فرودگاه	اوپوزیت Azimuth	فاصله افقی B.R. Distance	نقطه ایجاد Point established	نام و نام خانوادگی Name & Family Name	تاریخ Date
مرکز بهداشت	46°	2.20 Km			
ماشین سازی	114°	2.10 Km			
	180°	2.40 Km.			

نوشته ها:



شكل ۸-۴-الف



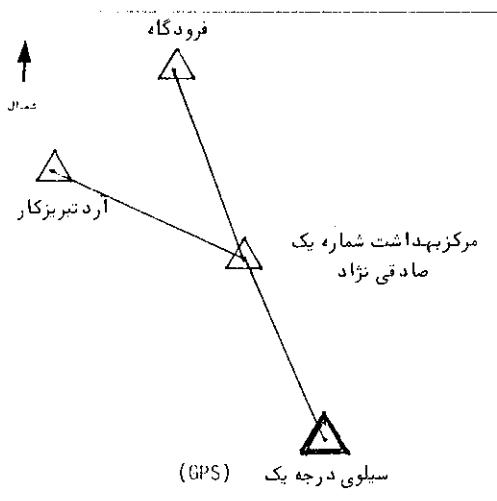
سازمان نقشه برداری کشور

شماره رویداد	N.C.C.	شماره	3	استنکاد
شماره دروند و اندیم	شناختنده نقاط رژیوئری ماهواره‌ای			
Description of G.P.S. Station				
38	6 <sup>th</sup>	UTM	نام استنکاد مرکزیهدادشت صادقی نژاد	نام استنکاد
		Projection System	Station 101-003	
دستگاه	آذربایجان شرقی	شماره	آذربایجان شرقی	استان
Referatlon	تبریز	تاریخ	تبریز	شهر
Referent Village	جمشید آباد	تاریخ	جمشید آباد	شهر
Referent	تبریز	تاریخ	تبریز	شهر
Photo	نام	نام	نام	نام
Date of Photography	تاریخ عکس	Photo Scale	نام عکس	نام
0	عکس		عکس	عکس
شماره نقشه	تاریخ عکس	نام عکس	نام	نام
38° 06' 00", .934995	N	4217678.6325 <sup>m</sup>	1383.0460 <sup>m</sup>	Datum
46° 15' 05", .274778	E	609727.6474 <sup>m</sup>	WGS.84	نقطه
	N			نقطه
	E			نقطه
	N			نقطه
	E			نقطه
	N			نقطه
	E			نقطه

۱- مراجعته برای بازاریابی اندیمه کشور :

استنکادی ازدواجی Observed Station	آزimuth Azimuth	فاصله آفتابی Sun Distance	نقطه ازstan Station Point	نام و شماره اندیمی Name and Number of Survey	نحوه Method
فروندگاه	340°	2.55 Kmt			
آرد تبریز کار	294°	2.10 Kmt			
سیلو ایستگاه درجه	156°	3.00 Kmt			

۲- توضیحات :



شکل ۴-۹

۳- شامل مختصات ژئودتیک و UTM نقاط و در مورد ارتفاع بیضوی و ژئوئید، و اطلاعات در مورد سطح مبنای محاسباتی که (Datum) نامیده می‌شود و نیز تاریخ محاسبات که دارای اهمیت خاصی می‌باشد. اطلاعات جدیدی که وارد شبکه‌ها می‌گردد، اطلاعات، دوباره پردازش شده و نتایج بهتری حاصل می‌گردد.

۴- برخی ایستگاه‌ها به مرور زمان دچار مشکل شده و احتمالاً خراب یا جابه‌جا می‌گردند و آن‌ها پس از بازسازی دوباره اندازه‌گیری می‌شوند که در این قسمت ذکر می‌گردد. اطلاع داشتن از این موضوع هم اهمیت دارد که افراد استفاده کننده بدانند که این نقطه و این مختصات آیا همان نقطه‌ی فرضی چند سال پیش است (که احتمالاً آن موقع برای اهدافی استفاده شده باشد).

فرضی از این نقاط ۵ سال پیش برای تهیه نقشه‌ی توپوگرافی استفاده و روی آن طرح گذاشته شده و پس از ۵ سال می‌خواهند طرح فوق را پیاده کنند باید نقشه‌بردار اطلاع داشته باشد که این نقطه همان نقطه‌ی چند سال پیش است یا خیر.

۵- در این قسمت ایستگاه‌هایی ذکر می‌گردد که این ایستگاه به آن‌ها دید دارد و ضمناً فاصله‌ی آن دو به طور تقریبی و آزمیوت آن‌ها نیز ذکر می‌گردد. مثلاً ایستگاه آرد تبریز به نقطه‌ی مرکز بهداشت صادقی تزاد دید دارد و در امتدادی با آزمیوت تقریبی<sup>۱۱۴</sup> و به فاصله‌ی 2.1 کیلومتری می‌باشد.

۶- این قسمت در مورد ساختمان ایستگاه و وضعیت رفرانس‌ها توضیح می‌دهد. رفرانس نقاط از این لحاظ اهمیت دارد که در صورت عدم دسترسی به نقطه‌ی اصلی یا خراب شدن آن (در مورد عدم دسترسی فرض کنید در روی زمین نقطه را احداث نموده‌اند و بعد از مدت‌ها زمین آسفالت شده و نقطه در زیر آن گم شده) می‌توان از نقاط رفرانس برای پیدا کردن نقطه‌ی اصلی یا محل آن استفاده کرد. ضمناً موقعي می‌باشد که نقاط در روی سنگ حک شده است از روی این توضیحات می‌توان بی‌برد که جهت دست‌یابی به نقطه‌ی فوق دنبال چه قسمی باید رفت.

۷- در مورد وضعیت نقاط رفرانس و فواصل آن‌ها از هم‌دیگر و از نقطه‌ی اصلی اطلاعاتی را به استفاده کننده می‌دهد. البته رفرانس ۲ نقطه باشد با اطلاعات فواصل و آزمیوت امتدادها برای پیدا کردن نقطه‌ی اصلی کافی است ولی سومی و چهارمی و ... برای دقت و کنترل بیشتر است.

۸- در مورد نحوه‌ی دسترسی به ایستگاه از قبیل راه‌های دسترسی، زمان رسیدن، نحوه‌ی حمل وسایل، تزدیک‌ترین محل برای تهیه‌ی مصالح و آب و مواد غذایی، محل تهیه‌ی کارگر و ... راهنمایی‌هایی را ارائه می‌کند.

## ۴-۴- روشهای انتقال مختصات نسبی

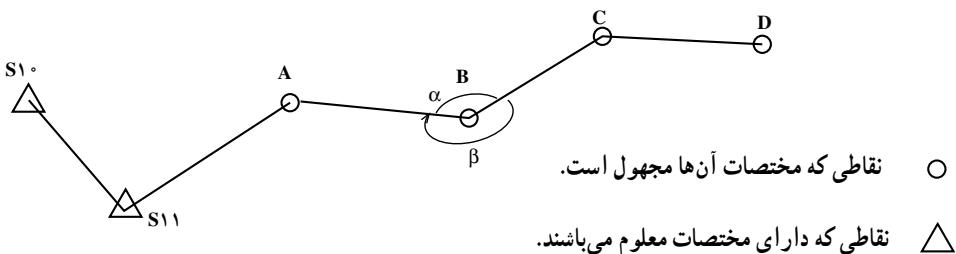
رووش‌های زیادی برای انتقال مختصات یا به عبارت دیگر تعیین موقعیت نسبی وجود دارد که با تعدادی از آن‌ها در درس‌های نقشه‌برداری II و غیره آشنا شدید و خواهید شد در این بخش عنوانین این روش‌ها را به همراه توضیحات مختصر بیان می‌کنیم.

**(الف) پیمایش (Traverse):** انتقال مختصات از نقاط معلوم زمینی به دیگر نقاط ممکن است به روش پیمایش صورت گیرد. پیمایش در حقیقت شامل یک سری امتدادهایی است که نقاط نقشه‌برداری معلوم را به نقاط نقشه‌برداری مجهول و نقاط مجهول را هم به نقاط مجهول دیگر متصل می‌کند. هر کدام از نقاط رئوس این امتدادها را «ایستگاههای پیمایش» گویند.

برای انتقال مختصات باید فواصل بین ایستگاههای پیمایش و امتداد آن‌ها را مشاهده کنیم.

أنواع پیمایش‌ها در نقشه‌برداری

**۱- پیمایش‌های باز (Open Traverse):** پیمایش باز به پیمایشی گفته می‌شود که از نقطه‌ی معلوم شروع ولی به نقطه‌ی معلوم دیگری یا به همان نقاط معلوم قبلی دوباره متصل نگردد.



شکل ۴-۱۰

این پیمایش‌ها به راحتی قابل کنترل نیستند و باید با تکرار مشاهدات و انجام مشاهدات اضافی از اشتباهات احتمالی جلوگیری کرد. مثلاً فرائت زوایا به صورت کوپل و چندین بار یا اندازه‌گیری فواصل به صورت دوطرفه و غیره به طور کلی در این نوع تعیین موقعیت باید توجه زیادی به مشاهدات نمود که دارای اشتباه و خطای فاحش نباشند. چون در صورت عدم کنترل مشاهدات به هیچ عنوان نمی‌توان متوجه خطأ و اشتباهات شد. البته قابل ذکر است که همیشه اشتباه در مشاهدات نیست ممکن است اشتباه در محاسبه یا اسم ایستگاه‌ها یا در نظر گرفتن زاویه‌ی خارجی به جای زاویه‌ی داخلی و ... باشد. مثلاً شما به عنوان نقشه‌بردار زاویه‌ی ایستگاه B را به دست آورده باشید و حتی

۱- مشاهده‌ی امتداد معادل مشاهده‌ی زاویه‌ی می‌باشد با داشتن دو امتداد می‌توانیم زاویه‌ی بین آن دو امتداد را به دست

آوریم پس در حقیقت برای زاویه‌ی امتداد مشاهده می‌شود.

چندین کوپل هم قرائت کنید ولی در محاسبات به جای زاویه‌ی  $\beta$  را در نظر بگیرید تمام مختصات نقاط بعد از B غلط محاسبه خواهد شد و ما متوجه موضوع نخواهیم شد.

این چنین پیمایش‌هایی بیشتر در کارهای زیرزمینی مثل تونل‌ها و معادن استفاده می‌گردد که ما مجبور به داشتن پیمایش‌های باز هستیم. شکل ۴-۱۱ نمونه‌ای از این تونل‌ها را نشان می‌دهد که باید به روش‌های دیگری این پیمایش‌ها کنترل گردد. مثلاً استفاده از ریروسکوپ<sup>۱</sup> یا وسایل و تجهیزات دیگر، که در دوره‌های بالاتر در درس زیرزمینی با آن‌ها آشنا خواهید شد.

#### طرح توسعه نیروگاه سد سلیمان



شکل ۴-۱۱- شکل تونل‌های طرح توسعه‌ی نیروگاه سد گدار مسجد سلیمان می‌باشد که نقشه‌برداری سهم زیادی در هدایت این تونل‌ها و رساندن آن‌ها به همیگر دارد.

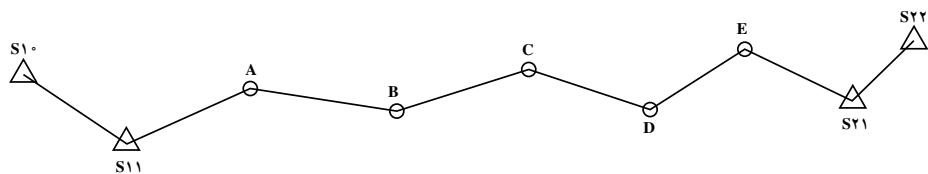
روابط مورد نیاز برای انتقال مختصات بدین روش را نیز در نقشه‌برداری یاد گرفته‌اید و در این قسمت فقط برای حل یک مسئله اکتفا می‌گردد:



شکل ۴-۱۲- شکل یک ریروسکوپ که در تونل‌ها و هدایت آن‌ها استفاده می‌شود.

۱- ریروسکوپ وسیله‌ای است که می‌تواند آزمیوت هر امتدادی را با دقیقی حدود  $15^{\circ}$  به  $20^{\circ}$  با بددهد که نمونه‌ای از آن را در شکل ۴-۱۲ مشاهده می‌کنید.

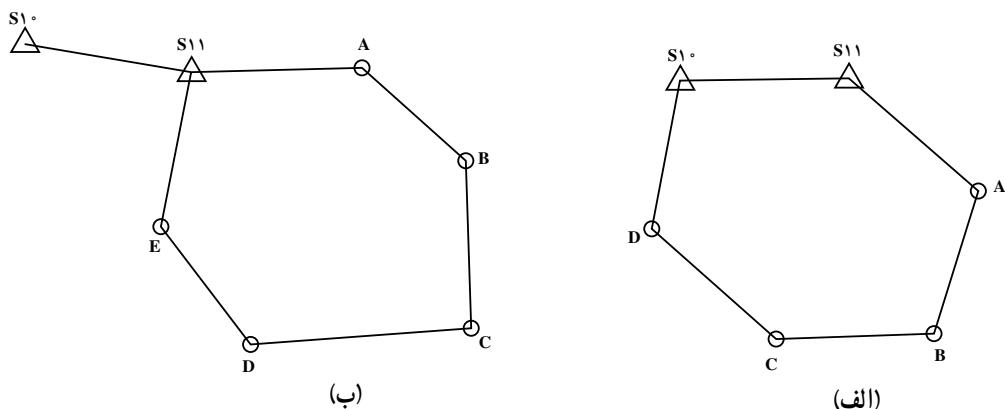
**۲—پیمایش بسته (Closed Traverse):** در این پیمایش‌ها از دو نقطه‌ی معلوم شروع نموده و در انتهایها به دو نقطه‌ی معلوم دیگر پیمایش را می‌بندیم. که در این پیمایش نقاط  $S_{10}$  و  $S_{11}$  و  $S_{21}$  و  $S_{22}$  نقاط با مختصات معلوم بوده و نقاط A و B و C و D و E نقاط مجهول می‌باشند.



شکل ۴-۱۳

این پیمایش که بیشتر در پروژه‌های مسیر یا نقشه‌برداری‌هایی که انتقال مختصات به صورت طولی مورد نظر است، استفاده می‌گردد. این پیمایش‌ها هم از لحاظ فاصله و هم از لحاظ امتداد قابل کنترل بوده و می‌تواند استحکام و اطمینان خوبی داشته باشد. این پیمایش‌ها بهترین نوع پیمایش می‌باشد که می‌توان متوجه خطأ در مشاهدات از نوع اشتباه و سیستماتیک و اتفاقی شد و آن‌ها را در صورت مورد قبول بودن تعديل نموده و بهترین مقدار مختصات را به دست آورد.

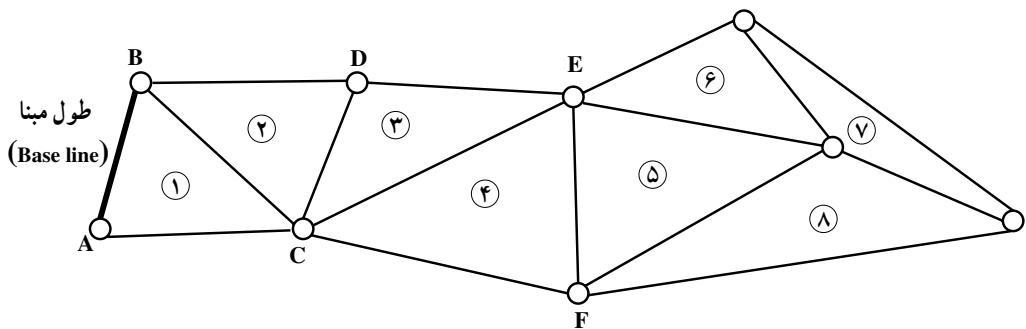
**۳—پیمایش‌های حلقوی بسته (Closed Loop Traverse):** شکل زیر نمونه‌هایی از این پیمایش‌ها را نشان می‌هد.



شکل ۴-۱۴

پیمایش حلقوی الف استحکام خوبی در مورد خطاهای سیستماتیک زوايا و طولها داشته ولی احتمال دوران پیمایش حول  $S_{11}$  را دارد. از لحاظ زواياي داخلی پیمایش قابل کنترل می باشد. پیمایش ب از لحاظ دقت و استحکام خوب بوده و خطاهای از هر لحاظ در این پیمایش قابل کنترل می باشد و می تواند دقیقاً اشتباها و خطاهای سیستماتیک در طول و زاویه را نیز برای ما مشخص کند.

**ب - مثلث‌بندی (Triangulation):** روش دیگری از انتقال مختصات روش مثلث‌بندی می باشد در این روش مشاهدات، زاویه‌ها می باشند و فقط یک یا دو طول مبنا<sup>۱</sup> با دقت بیشتری اندازه‌گیری می گردد. شکل زیر نمونه‌ای از این روش را نشان می دهد.



شکل ۴-۱۵

همان‌طوری که می‌دانید با سه زاویه مثلث قابل حل نمی‌باشد لذا فقط با اندازه‌گیری زوايا ما نمی‌توانیم انتقال مختصات را انجام دهیم ولی با داشتن یک طول مبنا، دیگر مشکل قابل حل می‌باشد. مثلاً در شکل بالا با داشتن طول مبنا و زواياي مثلث شماره‌ی ۱ مثلث قابل حل است، یعنی ضلع BC نیز قابل دسترسی است. با داشتن ضلع BC و زواياي داخلی، مثلث ۲ قابل حل است و ... . البته وجود تعداد طول مبناهای بیشتر دقت و استحکام شبکه را بالا می‌برد.

این پیمایش‌ها بیشتر در نقشه‌برداری مناطق وسیع مورد استفاده قرار می‌گیرد.

**ج - سه ضلع‌بندی (Trilateration):** در این روش برای انتقال مختصات از مشاهدات طول استفاده می‌کنیم با وجود دستگاه‌های EDM (Electronic Distance Measurement) کار سه ضلع‌بندی رواج یافته زیرا اندازه‌گیری طولها را با دقت و سرعت بیشتری می‌توانیم انجام دهیم. در این روش باید طولها نسبت به خطاهای سیستماتیک دستگاه EDM و اثرات

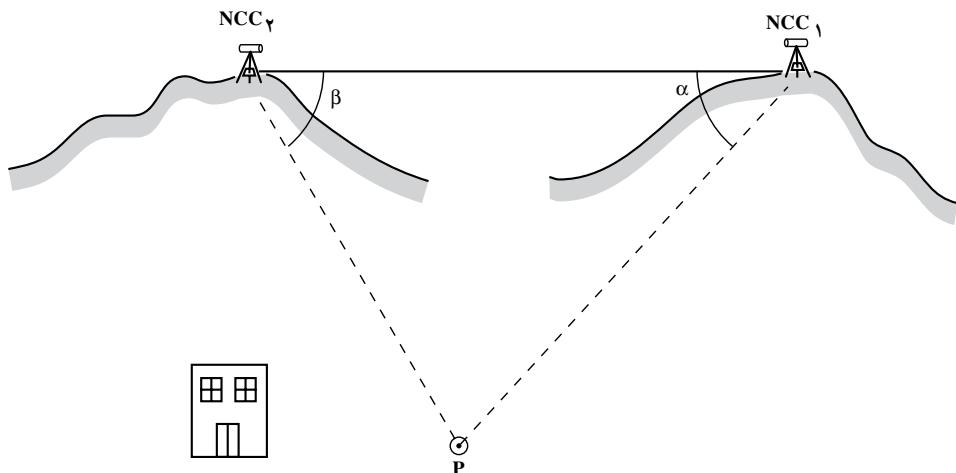
۱- Base line

اتمسفریک و ... تصحیح گردد.

البته امروزه برای شبکه‌ی ژئودزی به روش کلاسیک بیشتر از ترکیب مثلث‌بندی و سه‌ضلع‌بندی استفاده می‌شود.

**د - روش تقاطع (Intersection):** روش تقاطع برای تعیین موقعیت نسبی، زمانی به کار می‌رود که هدف ما تعیین موقعیت یک یا چند نقطه‌ی محدود، در یک منطقه با داشتن ۲ نقطه‌ی مبنای می‌باشد. با توجه به شکل زیر هدف در این روش دادن مختصات از دو نقطه‌ی مبنای  $NCC_1$  و  $NCC_2$  به نقطه‌ی  $P$  در منطقه‌ی مورد نیاز می‌باشد. روش‌های مختلفی برای این تعیین موقعیت وجود دارد :

- ۱- تقاطع با دو زاویه
- ۲- تقاطع با دو ضلع



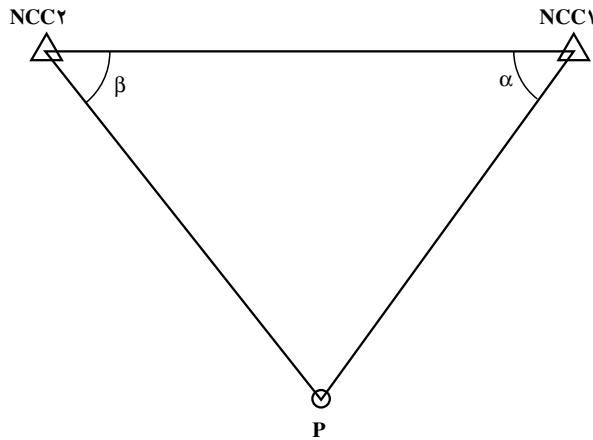
شکل ۴-۱۶

به عنوان نمونه در تقاطع با دو زاویه ، زاویه‌ی افقی  $NCC_1$  و  $NCC_2$  را به‌طور دقیق قرائت می‌کنیم با داشتن این دو زاویه می‌توان مختصات نقطه‌ی  $P$  را به‌دست آورد.

تصویر نقاط فوق در روی صفحه‌ی افق به شکل ۴-۱۷ خواهد بود :

برای به‌دست آوردن مختصات  $P$  به دو روش می‌توانیم عمل کنیم :

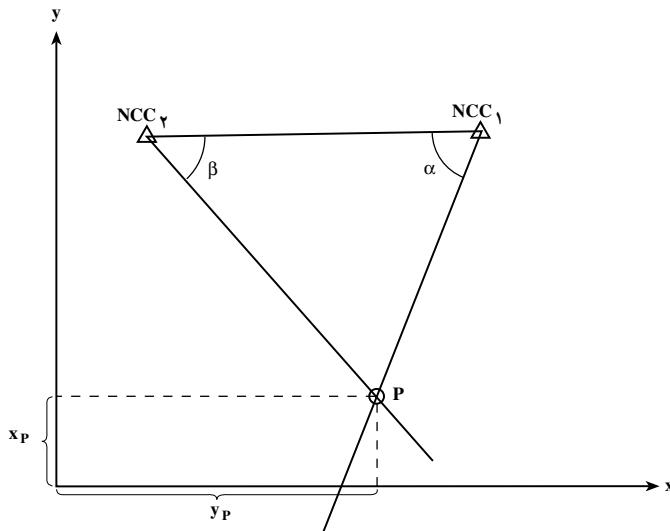
الف - روش ترسیمی      ب - روش محاسباتی



شکل ۴-۱۷

در اینجا فقط روش ترسیمی بیان می‌گردد و در درس‌های آینده و دوره‌های بالاتر روش محاسباتی را نیز خواهید آموخت.

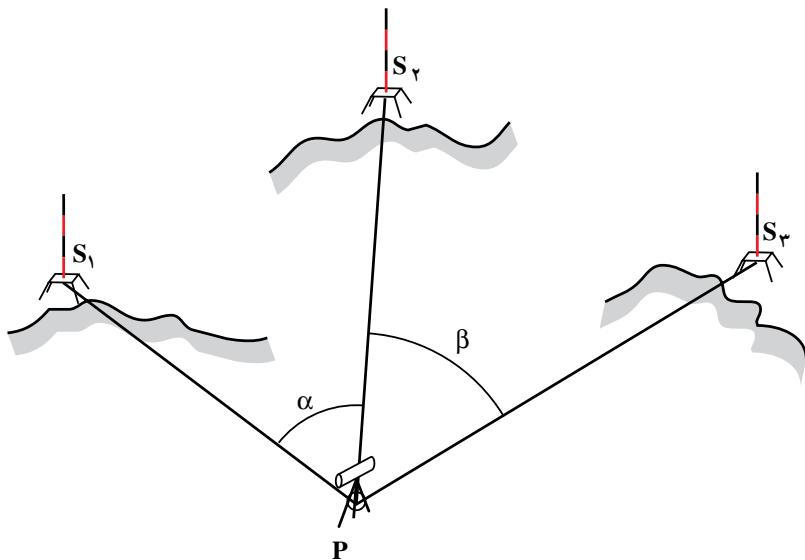
روش ترسیمی بدین صورت است که در یک سیستم مختصات نقاط  $NCC_1$  و  $NCC_2$  را با توجه به مختصات معلوم آن‌ها مشخص می‌کنیم و سپس از نقطه‌ی  $NCC_1$  زاویه‌ی  $\alpha$  را نسبت به امتداد  $NCC_1 - NCC_2$  جدا می‌کنیم و سپس از نقطه‌ی  $NCC_2$  هم نسبت به امتداد  $NCC_1 - NCC_2$  زاویه‌ی  $\beta$  را جدا می‌کنیم. این دو امتداد همیگر را در یک نقطه قطع می‌کنند. آن موقعیت نقطه‌ی  $P$  می‌باشد.



شکل ۴-۱۸

قبل اعلام می‌شد که روش ترسیمی تا قبل از وجود تکنولوژی روش دقیقی نبود و بستگی به مقیاس ترسیم ما دارد ولی امروزه با وجود کامپیوتر و نرم افزارهای مختلف ترسیمی مثل Autocad با دقت بالایی با توجه به اندازه‌گیری‌ها می‌توان مختصات آن را به دست آورد.

**هـ – ترفعیع (Resection):** در این روش روی نقطه‌ی مجهول مستقر شده و به سه نقطه با مختصات معلوم نشانه‌روی کرده و دو زاویه‌ی  $\alpha$  و  $\beta$  را قرائت می‌کنیم (شکل ۴-۱۹).



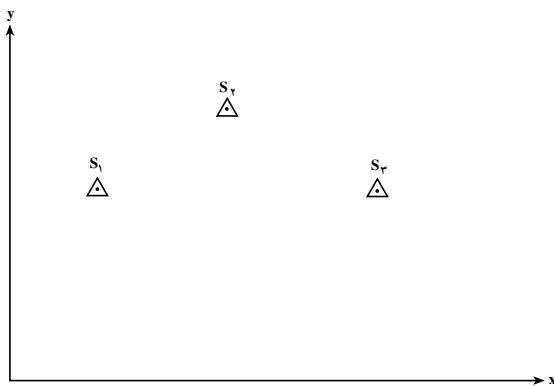
شکل ۴-۱۹

این روش پیش‌تر زمانی به کار می‌رود که امکان استقرار دوربین در نقاط با مختصات معلوم نباشد یا به هر دلیلی نخواهیم دوربین را در روی نقاط با مختصات معلوم مستقر کنیم. به عنوان نمونه در برخی پروژه‌های زیرزمینی تعدادی از نقاط پیمایش را در روی دیواره یا سقف تونل می‌گیرند و لذا مکان استقرار در روی آن نقاط نیست. در این چنین مواردی در نقطه‌ی مورد نظر مانند P مستقر شده و زاویه را نسبت به نقاط معلوم قرائت می‌کنیم.

برای به دست آوردن مختصات نقطه‌ی P با داشتن زاویه‌ی  $\alpha$  و  $\beta$  نیز در اینجا فقط روش

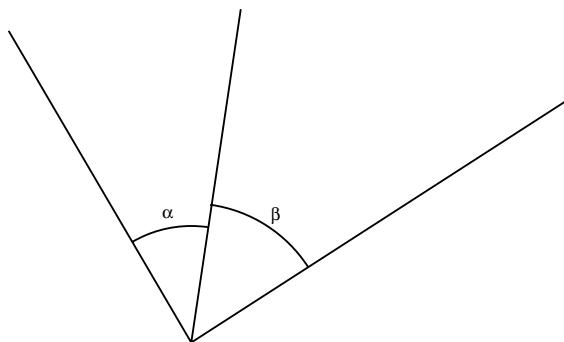
ترسیمی را بیان می‌کنیم :

روش ترسیمی تقریبی: سه نقطه‌ی  $S_1$  و  $S_2$  و  $S_3$  را روی یک سیستم مختصات با توجه به مختصات رسم می‌کنیم (شکل ۴-۲۰).



شکل ۴-۲۰

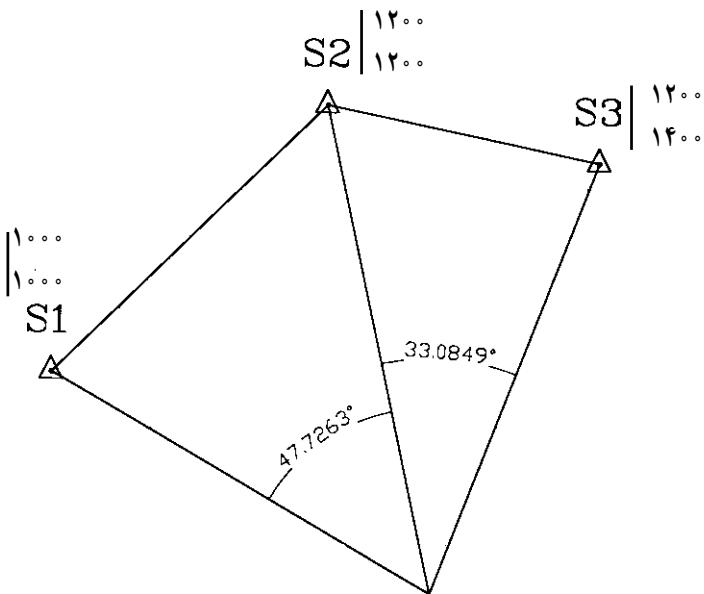
سپس در روی یک صفحه کاغذ دیگر از یک نقطه‌ی دلخواه با نقاله سه امتداد با زوایای  $\alpha$  و  $\beta$  را ترسیم می‌کنیم.



شکل ۴-۲۱

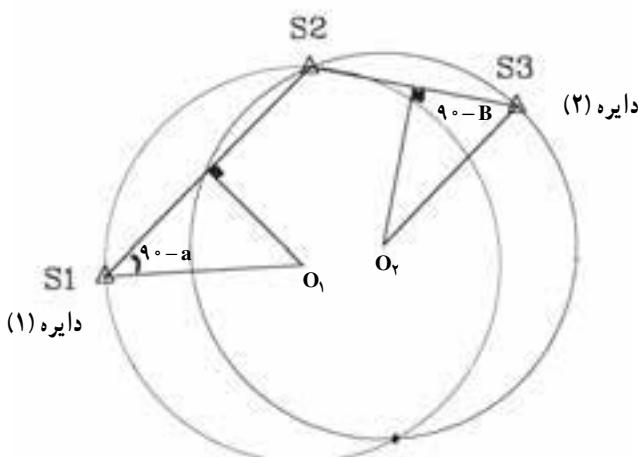
این صفحه‌ی کاغذ را برداشته و روی شکل ۴-۲۰ می‌لغزانیم تا امتدادها از نقاط  $S_1$  و  $S_2$  و  $S_3$  عبور کند سپس نقطه‌ی P را روی شکل ۴-۲۰ علامت گذاری نموده و مختصات آن را استخراج می‌کنیم.

مثال: با توجه به اطلاعات روی شکل مختصات P را به دست آورید.



شکل ۴-۲۲

روش ترسیمی دقیق: برای به دست آوردن مختصات P عمود منصف هر کدام از امتدادهای  $S_1S_2$  و  $S_2S_3$  را رسم می کنیم. عمود منصف مکان هندسی مرکز دوایری است که از دو سر یک امتداد می گذرد.



شکل ۴-۲۳

اما ما دنبال دایره‌ای هستیم که از هر نقطه‌ی آن به دوسر امتداد  $S_1S_2$  وصل کنیم زاویه‌ی  $\alpha$  را تشکیل دهد برای این هدف باید از  $S_1$  امتدادی را با زاویه‌ی  $\alpha - 90^\circ$  و از  $S_2$  نیز  $\beta - 90^\circ$  را جدا کنیم تا عمودمنصف‌ها را در  $O_1$  و  $O_2$  قطع کند به مرکز  $O_1$  به شعاع  $O_1S_1$  دایره‌ی (۱) را می‌زنیم که مکان هندسی نقاطی است که اگر به  $S_1$  و  $S_2$  وصل شود تشکیل زاویه‌ی  $\alpha$  را خواهد داد و به همین ترتیب دایره‌ی (۲) مکان هندسی نقاطی است که اگر به  $S_2$  و  $S_1$  وصل شوند تشکیل زاویه‌ی  $\beta$  را خواهند داد پس تقاطع آن‌ها موقعیت نقطه‌ی  $P$  خواهد بود.

شما همین کار را در نرم‌افزارهای ترسیمی عمل کنید به مختصات  $170^\circ$   $170^\circ$   $0^\circ$   $0^\circ$  خواهید رسید.

## خودآزمایی

- ۱- تعیین موقعیت نسبی را تعریف کنید.
- ۲- انتقال موقعیت ارتفاعی را توضیح دهید.
- ۳- شبکه‌ی ارتفاعی را توضیح دهید.
- ۴- کاربردهای شبکه‌ی ارتفاعی درجه‌ی یک را بیان کنید.
- ۵- کاربردهای شبکه‌ی ارتفاعی درجه‌ی دو را بیان کنید.
- ۶- کاربردهای شبکه‌ی ارتفاعی درجه‌ی سه را بیان کنید.
- ۷- انواع روش‌های اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع را به اختصار شرح دهید.
- ۸- نحوه‌ی تعریف یک سیستم مختصات را برای انتقال موقعیت مسطحاتی شرح دهید.
- ۹- روش‌های انتقال مختصات نسبی را نام ببرید.
- ۱۰- پیمایش را تعریف کرده، انواع آن را نام ببرید.
- ۱۱- روش پیمایش باز را شرح دهید.
- ۱۲- روش پیمایش بسته را شرح دهید.
- ۱۳- روش مثلث‌بندی را برای انتقال مختصات شرح دهید.
- ۱۴- روش سه ضلع بندی را برای انتقال مختصات شرح دهید.
- ۱۵- روش تقاطع را برای انتقال مختصات شرح دهید.
- ۱۶- روش ترفیع را برای انتقال مختصات شرح دهید.
- ۱۷- نقاط رفرانس را شرح دهید.

## آیا می‌دانید؟

### دکتر سید محمود حسابی

در سال ۱۳۸۱ (ه.ش) در تهران زاده شدند. در هفت سالگی تحصیلات ابتدایی خود را آغاز کردند و همزمان، توسط مادر فداکار خود، تحت آموزش تعليمات مذهبی و ادبیات فارسی قرار گرفتند. استاد، قرآن کریم را حفظ و به آن اعتقادی ژرف داشتند. دیوان حافظ را نیز از برداشته و به بوستان و گلستان سعدی، شاهنامه فردوسی، مثنوی مولوی، اشرف داشتند. در سن هفده سالگی لیسانس ادبیات، در سن نوزده سالگی، لیسانس بیولوژی و پس از آن مدرک مهندسی راه و ساختمان را اخذ نمودند. در آن زمان با نقشه کشی و راهسازی، به امرار معاش خانواده کمک می‌کردند. استاد همچنین در رشته‌های پزشکی، ریاضیات و ستاره‌شناسی به تحصیلات آکادمیک پرداختند. شرکت راهسازی فرانسوی که استاد در آن مشغول به کار بودند، به پاس قدردانی از خدماتشان، ایشان را برای ادامهٔ تحصیل به کشور فرانسه اعزام کرد و بدین ترتیب در سال ۱۹۲۴ (م) به مدرسه عالی برق پاریس وارد و در سال ۱۹۲۵ (م) فارغ‌التحصیل شدند. همزمان با تحصیل در رشتهٔ معدن، در راه آهن برقی فرانسه مشغول به کار گردیدند و پس از پایان تحصیل در این رشته کار خود را در معادن آهن شمال فرانسه و معادن زغال سنگ ایالت «سار» آغاز کردند. سپس به دلیل وجود روحیهٔ علمی، به تحصیل و تحقیق، در دانشگاه سورین، در رشتهٔ فیزیک پرداختند و در سال ۱۹۲۷ (م) در سن بیست و پنج سالگی دانشنامه دکترای فیزیک خود را، با رائه رساله‌ای تحت عنوان «حساسیت سلول‌های فتوالکتریک»، با درجهٔ عالی دریافت کردند. ایشان در چند رشته ورزشی موفقیت‌هایی کسب نمودند که از آن میان من توان به دلیل نجات غریق در رشتهٔ شنا اشاره نمود. پروفسور حسابی به دلیل عشق به میهن و با وجود امکان ادامهٔ تحقيقات در خارج از کشور به ایران بازگشت و با ایمان و تعهد، به خدمتی خستگی ناپذیر پرداخت تا جوانان ایرانی را با علوم نوین آشنا سازد. پایه‌گذاری علوم نوین و تأسیس دارالمعلمین و دانشسرای عالی، دانشکده‌های فنی و علوم دانشگاه تهران،

نگارش دهها کتاب و جزوه و راه اندازی و پایه گذاری فیزیک و مهندسی نوین، ایشان را به نام پدر علم فیزیک و مهندسی نوین ایران در کشور معروف کرد. حدود هفتاد سال خدمت علمی ایشان در گسترش علوم روز و واژه گزینی علمی در برابر هجوم لغات خارجی و نیز پایه گذاری مراکز آموزشی، پژوهشی، تخصصی، علمی و ...، دو نمونه از اقدامات ارزشمند استاد در رابطه با نقشه برداری عبارتند از:

- اولین نقشه برداری فنی و تخصصی کشور (راه بندرلنگه به بوشهر)
- اولین راهسازی مدرن و علمی ایران (راه تهران به شمشک)

نقل از: <http://www.hessaby.com>

