

جبر

عبارت‌های جبری



به شکل‌های زیر توجه کنید.



(۱)



(۲)



(۳)

اگر شکل‌ها به همین ترتیب ادامه پیدا کنند، در شکل شماره‌ی n چند مریع خواهیم داشت؟

تعداد چوب کبریت‌ها را در شکل n با یک عبارت جبری نشان دهید.

شما در کلاس دوم راهنمایی، با عبارت‌هایی مثل عبارت‌های زیر آشنا شده‌اید.

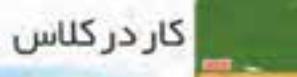
$$2a + 4a = (2+4)a = 6a$$

$$8a - 3a = (8-3)a = 5a$$

$$-4a - 7a = (-4-7)a = -11a$$

$$3a - 8a = (3-8)a = -5a$$

$$5(a+b) = 5a + 5b$$



۱- تساوی‌های زیر را کامل کنید.

$$3x + 4x = (3+4)x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$8b + b = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$9b - 8b = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$5t - 4t = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$-3t + 8t = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$-5a + 6a = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$-8a + 9a = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$-8a - 9a = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{4}{7}a + \frac{5}{7}a = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{8}{9}a - \frac{2}{9}a = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{3}{8}a - \frac{7}{8}a = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{2}{5}a - a = \underline{\hspace{2cm}}$$

۲- با توجه به این که $3 \times a = 3a$ ، می‌توان نوشت :

$$2 \times (3a) = 2 \times 3 \times a = 6a$$

$$2 \times (3a) = 6a$$

$$3 \times (-5b) = 3 \times (-5)b = -15b$$

$$3 \times (-5b) = -15b$$

اکنون، حاصل عبارت‌های زیر را بنویسید.

$$4 \times (-2a) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$5 \times (+3a) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(-5) \times (2a) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(-3) \times (-4a) = \underline{\hspace{2cm}}$$

در عبارت جبری $2 + 4a + 2 - 5b + 3b - 3a$ ، هر کدام از $+4a$ ، $-5b$ ، $+3b$ ، $-3a$ و ۲ یک جمله است. دو جمله‌ی $3a$ و $+4a$ و نیز دو جمله‌ی $3b$ و $-5b$ متشابه‌اند ولی جمله‌های $3a$ و $-5b$ و نیز جمله‌های $+4a$ و ۲ متشابه نیستند.

برای ساده کردن یک عبارت جبری، جمله‌های متشابه را با هم ساده می‌کنیم :

$$\boxed{3a - 5b + 3b + 4a + 2 = 7a - 2b + 2}$$

کار در کلاس

۱- عبارت‌های جبری زیر را ساده کنید.

$$2a + 5b - a - 8b = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3x + 4y - 2x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$2a - 4a + 5b - 8a = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$15x - 9y + 12y = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{2}{5}n - \frac{3}{7}m + \frac{3}{5}n - \frac{2}{7}m = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\frac{5}{8}n - \frac{1}{2} + n - 1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

۲- عبارت‌های جبری زیر را ساده کنید.

$$3 \times 2x$$

$$7 \times (-4x)$$

$$5 \times 3t + (-2) \times 7t$$

$$7 \times 4x + 8 \times (-3x)$$

$$5 \times 6u - 4 \times 7t$$

$$4 \times \frac{3}{5}u - 9 \times \frac{2}{5}u$$

۳- حاصل عبارت‌های زیر را حساب کنید.

$$4(2a + (-3)b)$$

$$(-5)(6a + (-7)b)$$

$$\frac{2}{5}(5a - 1 \cdot b)$$

$$\frac{4}{7}(3a + \frac{1}{5}b)$$

$$6(a - 2b) - 3(2a + 5b)$$

$$3(5x + 7y) - 7(2x + 3y)$$

۴- حاصل جمع ها و تفریق های زیر را حساب کنید.

$$\begin{array}{r} (3x + 5y + 7) \\ +(-4x + 3y - 3) \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} (5x - 2y + 1) \\ -(3x - 2y + 4) \\ \hline \end{array}$$



۱- عبارت های جبری زیر را ساده کنید.

$\frac{2}{7}x - \frac{5}{7}x$	$a - \frac{9}{4}a$	الف -
$4a + 2 - a - 7$	$3b - 8b + 2a + 3a$	ب -
$3x + 2y - \frac{5}{9}y$	$\frac{3}{5}a + x - \frac{8}{5}a + \frac{2}{5}x$	
$5 \times 3a$	$(-4) \times 3x$	پ -
$4 \times (-2a) + 7a$	$(-\frac{4}{5}) \times (-m) + 7 \times (-2m)$	
$3(2a + 3b) + 2(-3a + b)$	$(-7)(4a + (-2b))$	ت -
$(-5)(3a - 2b)$	$(-8)(-3a + 7b)$	
$4(-5a + 2b) + 3a - 8b$	$3(a + 4b) + 4(5a - 3b)$	

۲- حاصل جمع ها و تفریق های زیر را حساب کنید.

$$\begin{array}{r} (3a - 2b + 5) \\ +(2a + 4b - 1) \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} (-2a + 3b - 1) \\ +(-5a - 8b + 9) \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} (4a + 8b - 5) \\ +(-4a + 2b - 5) \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5(3a - 4b + 1) \\ -(5a + 2b + 1) \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 4(2a + 3b - 3) \\ -(8a + 4b - 1) \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 2(3a - 4b - 1) \\ -(6a + b - 5) \\ \hline \end{array}$$

۳- در پارکی، دوچرخه کرایه می دهند. هزینه ای ثابت کرایه دوچرخه 500 تومان است. برای هر ساعت هم 20 تومان می گیرند. فرض کنید شخصی دوچرخه را برای n ساعت کرایه کرده است. هزینه ای او را با یک عبارت جبری نشان دهید. اگر او دوچرخه را برای

ساعت کرایه کند، چه قدر باید پردازد؟



پیدا کردن مقدار یک عبارت جبری

$$\begin{array}{c} 4 \\ \times 3 \\ \hline 12 \end{array}$$

$a = 4$

$3a = 3 \times 4 = 12$

$$\begin{array}{c} -3 \\ +5 \\ \hline 2 \end{array}$$

$b = -3$

$b + 5 = (-3) + 5 = 2$

عبارت $3a$ را در نظر بگیرید. اگر به جای a عدد 4 را قرار دهید، مقدار $3 \times 4 = 12$ به دست می آید. مقدار عددی $3a$ به ازای $a = 4$ برابر است با 12 . همین طور، مقدار عددی $b+5$ به ازای $b = -3$ برابر است با $(-3)+5=2$.

کار در کلاس

۱- کامل کنید.

$$\begin{array}{c} 5 \\ \times 2 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{l} a = 5 \\ 2a = 2 \times 5 \\ = 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 5 \\ + 4 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{l} a = 5 \\ a + 4 = 5 + 4 \\ = 9 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 3 \\ - 8 \\ \hline \end{array}$$

$$a =$$

$$\begin{array}{c} 4 \\ \times (-2) \\ \hline \end{array}$$

$$a =$$

۲- مقدار عددی هر عبارت را به ازای مقدار داده شده حساب کنید.

$$a = 2$$

$$x = 8$$

$$x = 5$$

$$3a =$$

$$x + 2 =$$

$$5x =$$

۳- مقدار عددی هر یک از عبارت های زیر را به ازای $x = 2$ حساب کنید.

$$(-2)x =$$

$$x + 8 =$$

$$\frac{1}{2}x$$

در صفحه‌های گذشته، با برخی عبارت‌های جبری و محاسبه با آن‌ها آشنا شدید. اکنون به مطالعه‌ی بعضی دیگر می‌پردازیم.

عبارت $ax + 5$ نیز یک عبارت جبری است و مقدار عددی آن به ازای $a = 6$ و $x = 3$ مساوی 22 است.

همین‌طور $x^3 + 2$ یک عبارت جبری است و مقدار عددی آن به ازای $x = 2$ مساوی با -2 است.

کار در کلاس

- مقدار عددی هر عبارت جبری را به ازای مقدارهای داده شده برای x و y حساب کنید.

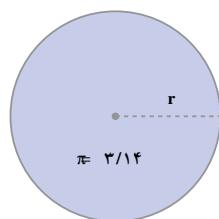
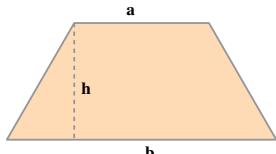
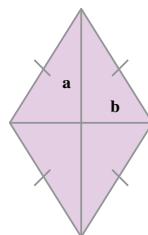
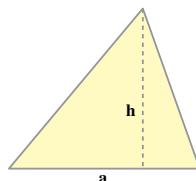
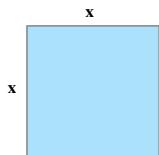
$$x = 0, \quad y = 1 \quad ; \quad xy + y =$$

$$x = 1, \quad y = -1 \quad ; \quad -2xy + 4y =$$

$$x = 2, \quad y = 3 \quad ; \quad -x^3 + y^3 =$$

$$x = -2, \quad y = 0 \quad ; \quad x^3 + xy =$$

- مساحت هر یک از شکل‌های زیر را با یک عبارت جبری بیان کنید.



ساده کردن یک عبارت جبری

عبارت جبری $7 - 5x^2y + 2xy$ یک چند جمله‌ای است. این چند جمله‌ای سه جمله دارد که عبارت‌اند از: $2xy$, $-5x^2y$ و 7 . عبارت y^2x یک تک جمله‌ای است. y^2x قسمت حرفی این تک جمله و 5 ضریب عددی آن است.

دو تک جمله‌ای که قسمت حرفی آن‌ها عیناً مثل هم باشد، متشابه نامیده می‌شوند.

مثالاً دو تک جمله‌ای $3xy$ و $-xy$ متشابه‌اند. $5y^2$ و $3y^2$ نیز متشابه‌اند، ولی x^2 و xy متشابه نیستند. برای ساده کردن یک عبارت جبری، جمله‌های متشابه را با هم جمع می‌کنیم.

$$3xy - y^2 + 4xy + 7 + x^2 + 5y^2 = 7xy + 4y^2 + 7 + x^2$$

کار در کلاس

۱- عبارت‌های جبری زیر را ساده کنید.

$$4ax + a^2 + ax = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$3ab + b^2 - a^2 - 5ab = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$2a - 8xy + 2xy = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$9x^2 + 7x - 8x - 3 + 11x + 5 = \underline{\hspace{10cm}}$$

۲- عبارت‌های زیر را ساده کنید.

$$5(-2a) = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$\frac{3}{2}(4b) = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$(-7)(-4x) = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$(-\frac{4}{5})(2y) = \underline{\hspace{10cm}}$$

۳- برای ضرب دو تک جمله‌ای، ابتدا ضریب‌های عددی و سپس قسمت‌های

حرفی را در هم ضرب می‌کنیم؛ مثلاً:

$$(4x)(-2y) = -8xy$$

$$(3a)(2a) = 6a^2$$

حالا حاصل ضرب‌های زیر را به دست آورید.

$$(3a)(-5a) = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$(-\frac{1}{2}a)(3b) = \underline{\hspace{10cm}}$$

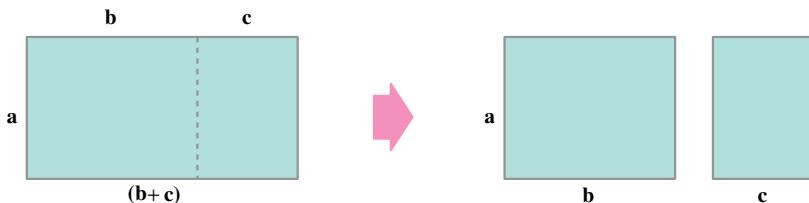
$$(-a)(-a) = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$(-a)(-b) = \underline{\hspace{10cm}}$$

توزيع پذیری ضرب نسبت به جمع و تفریق



به شکل های زیر توجه کنید؛ مساحت هر مستطیل را با نوشتن یک عبارت جبری در زیر آن نشان دهید.



با توجه به این که مستطیل سمت چپ به دو مستطیل سمت راست تقسیم شده است، برابر بودن مساحت ها را با یک تساوی جبری نشان دهید.

برای ضرب یک عدد در مجموع دو جمله، می توان آن عدد را در هر جمله ضرب و حاصل را جمع کرد؛ مثلاً:

$$\frac{3}{2}(b+c) = \frac{3}{2}b + \frac{3}{2}c \quad 5(b-c) = 5b - 5c$$

به طور کلی،

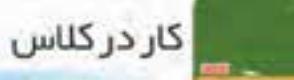
$$a(b+c) = ab + ac$$

$$a(b-c) = ab - ac$$

این تساوی ها توزیع پذیری ضرب را نسبت به جمع و تفریق نشان می دهند.

با استفاده از این خاصیت، می توانیم عبارت های جبری زیر را ساده کنیم.

$$(4a)(2a - 3b) = 8a^2 - 12ab \quad \text{و} \quad (2a)(-3b + 7c) = -6ab + 14ac$$



۱- با استفاده از توزیع پذیری ضرب نسبت به جمع و تفریق، عبارت های زیر را ساده کنید.

$$(2x)(3a - b) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3y(2a - 5y) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$x(\lambda a + \frac{1}{2}b) = \underline{\hspace{10em}}$$

$$(a + \delta c)b = \underline{\hspace{10em}}$$

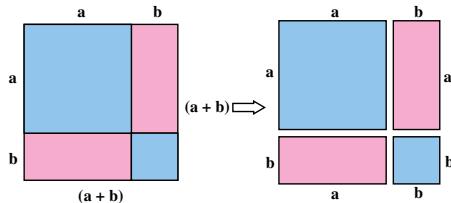
۲- هر عبارت را به صورت حاصل ضرب دو عبارت جبری بنویسید.

$$\delta ab + \lambda ac = a(\underline{\hspace{1.5em}} + \underline{\hspace{1.5em}}) \underline{\hspace{10em}}$$

$$4a^2 + 2ab = \underline{\hspace{10em}} \quad 3ab + 3b = \underline{\hspace{10em}}$$



۱- از مقایسه مساحت‌های شکل‌های زیر چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟



به چگونگی به دست آوردن حاصل ضرب زیر توجه کنید.

$$(a+b)(c+d) = ac + ad + bc + bd$$

حاصل ضرب‌های زیر را به دست آورید و عبارت‌های حاصل را ساده کنید.

$$(x+5)(x+2) = \underline{\hspace{10em}} \quad (x+3)(y-2) = \underline{\hspace{10em}}$$

۲- مقدار عبارت‌های زیر را به ازای عده‌های داده شده به دست آورید.

	$a=1$	$b=2$	$a=2$	$b=3$	$a=1$	$b=1$
$(a+b)^2 =$						
$a^2 + b^2 =$						
$a^2 + b^2 + 2ab =$						

این کار را با چند عدد دیگر به جای a و b انجام دهید. از مقایسه پاسخ‌ها چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

۳- با توجه به این که $(a+b)^2 = (a+b) \times (a+b)$ است، عبارت $(a+b)^2$ را به صورت ضرب بنویسید و ساده کنید.

$$(a+b)^2 =$$



۱- مقدار عددی عبارت‌های جبری را به ازای مقادیر داده شده، حساب کنید.

$$x = 1, \quad y = 4 \quad ; \quad xy - x^2 \quad x = 0, \quad a = 2; \quad xa - 5a^2$$

$$x = -4, \quad y = 2 \quad ; \quad x^2 + y^2 \quad a = 1, \quad b = -2; \quad a^2 + b^2$$

۲- عبارت‌های زیر را ساده کنید.

$$4x + 5ax + 3ax + 2, \quad 2a + 5a^2 + 3a + 6a^2,$$

$$5ab + 3a + 8b - a + 2b, \quad 4ab - 8a^2b + 2ab + 4a^2b,$$

$$9mn + 3m^2 + 4n^2 - 5mn - n^2, \quad 7 + 4a + 5as + 2a - 4as + 2.$$

۳- حاصل ضرب‌های زیر را حساب کنید.

$$-3(4x), \quad 8(-2a),$$

$$-6(-3x)$$

۴- ضرب‌های زیر را انجام دهید.

$$3a(-2d + 7b), \quad a(4x + y),$$

$$-8a(2a + b), \quad (4a + b)c.$$

۵- هر عبارت را به صورت ضرب دو عبارت جبری بنویسید.

$$ab + ac, \quad ab - ac,$$

$$5ab + 3abc, \quad 6ab + 3a^2.$$

۶- حاصل هر ضرب را به دست آورید و عبارت حاصل را ساده کنید.

$$(a + b)(c + d), \quad (x + 2)(x + 1),$$

$$(x - 3)(x + b), \quad (a + 6)(a - 6),$$

$$(a + 3)^2, \quad (a - b)^2,$$

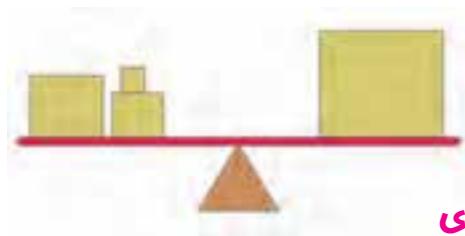
$$(a + 3)(a - 3), \quad (a + b)(a - b).$$

۷- به مجموعه‌ی عددهای زیر توجه کنید.

$$1, 4, 9, 16, 25, \dots$$

در این دنباله‌ی عددی، عدد ششم و هفتم به ترتیب چه عددهایی هستند؟

عدد n را با یک عبارت جبری نشان دهید.



معادله

یادآوری

نمودارهای زیر را کامل کنید.

$\times 5$	$\times 5$	$+3$	$+3$	-4	-4
-20	-30	21	17	-60	8

با توجه به نمودار، به ازای چه مقدار x ، مقدار عددی $x + 5$ مساوی ۷ می‌شود؟

$$x = \dots$$

x	-5
$+5$	-5
v	v
$x + 5$	7

برای به دست آوردن $x = 2$ ، می‌توانیم حاصل تفریق $7 - 5$ را حساب کنیم.

x	$\div 3$
$\times 3$	$\div 3$
v	15
$3x$	15

با توجه به نمودار، به ازای چه مقدار x ، مقدار عددی $3x$ مساوی ۱۵ می‌شود؟

$$x = \dots$$

برای به دست آوردن $x = 5$ ، می‌توانیم ۱۵ را به ۳ تقسیم کنیم.

هر تساوی به صورت $3x = 15$ یا $x + 5 = 7$ یک معادله است. حل کردن یک معادله یعنی پیدا کردن مقدار x .

۱- کامل کنید.



$$x + 4 = 20$$

$$x = 20 - 4$$

$$= 16$$



$$x - 4 = 20$$

$$x =$$

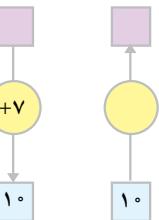
$$=$$



$$x - 3 = 15$$

$$x =$$

$$=$$



$$x + 7 = 10$$

$$x =$$

$$=$$



۲- معادله‌های زیر را حل کنید.

$$x + 5 = 8$$

$$x - 3 = 11$$

$$x + \frac{7}{5} = 6$$

$$x + 4 = \frac{5}{3}$$

$$x - 9 = 2$$

$$x - \frac{3}{5} = 10$$

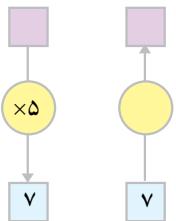
۳- کامل کنید.



$$7x = 12$$

$$x =$$

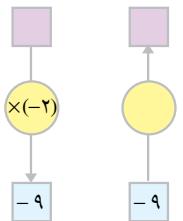
$$=$$



$$5x =$$

$$x =$$

$$=$$



$$-2x = -9$$

$$x =$$

$$=$$

۴- معادله‌های زیر را حل کنید.

$$5x = 10$$

$$-3x = 8$$

$$7x = 1$$

$$-4x = 9$$

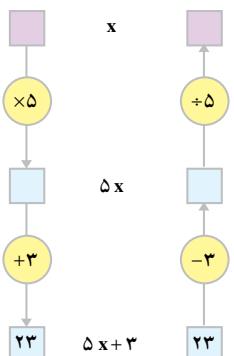
$$\frac{2}{5}x = 8$$

$$\frac{4}{7}x = \frac{1}{2}$$



روش حل معادله

اینک معادله‌ی $23 - 3 = 5x + 3$ را در نظر می‌گیریم. می‌خواهیم این معادله را حل کنیم؛ یعنی، ببینیم به ازای چه مقدار x ، مقدار عددی $5x + 3$ مساوی 23 می‌شود.



با توجه به نمودار رو به رو، ابتدا حاصل تفاضل $23 - 3$ را حساب می‌کنیم تا مقدار $5x$ به دست آید؛ سپس، 20 را بر 5 تقسیم می‌کنیم تا مقدار x به دست آید. مراحل حل معادله را کامل کنید.

$$5x + 3 = 23$$

$$5x = 23 - 3 =$$

$$x =$$

به عنوان مثالی دیگر، معادله‌ی $4x - 7 = 8$ را در نظر بگیرید. همان‌طور که می‌بینید، برای حل کردن آن به صورت زیر عمل می‌کنیم.

$$4x - 7 = 8$$

جمله‌ی -7 را از طرف چپ معادله به طرف راست می‌بریم و علامت آن را عوض می‌کنیم.

$$4x = 8 + 7 = 15$$

مقدار معلوم (یعنی 15) را بر ضریب مجھول (یعنی 4) تقسیم می‌کنیم.

$$x = 15 \div 4 = \frac{15}{4}$$

اکنون معادله‌ی $2x = 12 - 5x$ را حل کنید.

جمله‌ی $5x$ را از طرف چپ معادله به طرف راست ببرید و علامت آن را عوض کنید.

برای به دست آوردن x ، مقدار معلوم را بر ضریب مجھول تقسیم کنید.

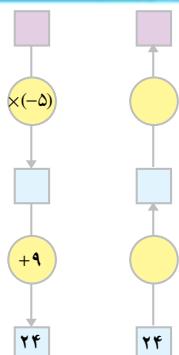


۱- پس از کامل کردن نمودار و با استفاده از آن، معادله را حل کنید.

$$-5x + 9 = 24$$

$$-5x =$$

$$x =$$



۲- معادله‌های زیر را حل کنید.

$$3x + 4 = 16$$

$$5x - 6 = 18$$

$$3x = 16 - 4$$

$$5x =$$

$$x =$$

$$x =$$

$$7x - 5 = 2x$$

$$8x = 25 - 2x$$

$$\underline{\hspace{10em}}$$

$$\underline{\hspace{10em}}$$

۱- معادله‌ی زیر را حل کنید.

$$\frac{2}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$$

$$\frac{2}{3}x =$$

ابتدا $\frac{1}{2}$ را به طرف دیگر تساوی ببرید.

$$x =$$

عدد معلوم را بر ضریب مجهول تقسیم کنید.

$$x =$$

با ساده کردن کسر، مقدار x را به دست آورید.

۲- می‌دانید که دو طرف یک تساوی را می‌توان در عددی غیر از صفر ضرب کرد. یک عدد مناسب انتخاب کنید؛ آن را در دو طرف تساوی زیر

$\frac{2}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{1}{6} \times \dots$ ضرب کنید تا مخرج کسرها از بین برود. معادله‌ی به دست آمده را حل کنید.

$$\frac{3}{5}x - \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$$

$$20 \left(\frac{3}{5}x - \frac{1}{2} \right) = 20 \left(\frac{3}{4} \right)$$

$$12x - 10 = 15$$

$$12x = 15 + 10 = 25$$

$$x = \frac{25}{12}$$

برای حل کردن معادله‌ای مانند معادله‌ی روبرو، می‌توانیم طرفین تساوی را در مخرج مشترک کسرها ضرب کنیم (در اینجا مخرج مشترک 20 است).



کار در کلاس

معادله های زیر را حل کنید.

$$\frac{2}{3}x - \frac{5}{6} = \frac{7}{4}$$

$$-\frac{3}{8}x + 5 = \frac{1}{6}$$

$$4x + \frac{2}{7} = \frac{3}{2}x$$

$$-\frac{6}{25}x - \frac{4}{15} = \frac{8}{3}$$

$$\frac{5}{12}x - \frac{7}{18} = 2$$

$$2x - \frac{2}{3} = 5x + 3$$

راهبرد تشکیل معادله

همان طور که در کلاس دوم راهنمایی آموختید، گاهی برای حل کردن یک مسئله، با توجه به راهبرد تشکیل معادله می توانیم معادله ای بنویسیم و با حل کردن آن، پاسخ مسئله را به دست آوریم. به مثال زیر توجه کنید.

یک دانشآموز با پس انداز سه هفته‌ی خود کتابی به قیمت ۳۸۰ تومان خرید و ۴۰ تومان برایش باقی ماند. این دانشآموز به طور متوسط هر هفته چه قدر پس انداز داشته است؟

با توجه به این مسئله، می توانیم رابطه‌ی زیر را بنویسیم.

$$(پول باقی مانده) + (\قيمت کتاب) = (پس انداز هفتگی) \times ۳$$

پس انداز هفتگی دانشآموز را x تومان در نظر بگیرید و معادله‌ی مربوط به آن را بنویسید.
این معادله را حل کنید.

کار در کلاس



با توجه به
راهبرد تشکیل معادله،
هر یک از مسئله‌های
زیر را حل کنید.
۱- یکی از

کلاس‌های مدرسه‌ای، ۲۸ دانشآموز دارد. هر سه نفر از دانشآموزان روی یک نیمکت می‌نشینند و یک نفر هم روی یک صندلی می‌نشیند. چند نیمکت در این کلاس هست؟

$$x = \text{تعداد نیمکت‌ها} \quad , \quad 3x + \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} \quad , \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

۲- از ۵ برابر عددی، ۳ تا کم کردیم؛ عدد ۱۷ به دست آمد. آن عدد چیست؟

$$\text{عدد مورد نظر} = \underline{\quad} \quad 5x \underline{\quad} = \underline{\quad}, \quad x = \underline{\quad}$$

۳- شخصی برای ۵ دفتر و یک خودکار ۳۰ تومانی، ۳۸۰ تومان پرداخت.

قیمت هر دفتر چه قدر است؟

۴- محمود اگر روزی ۲ ساعت یک کتاب رمان بخواند، آن را ۶ روزه تمام می‌کند. او با روزی ۳ ساعت مطالعه، آن را چند روزه می‌خواند؟



هر یک از معادله‌های زیر را حل کنید.

$$8x - 1 = 0$$

$$x - 4 = 11$$

$$3x = 8$$

$$4x - 2 = 6 - 4x$$

$$9x - 19 = 8x$$

$$x + \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{3}{4}x + \frac{2}{3} = \frac{5}{6}x$$

$$3x - 2 = 5x$$

$$9x + 8 = 10x$$

$$2x - \frac{3}{2} = 4$$

$$4x - 1 = 1/2$$

$$\frac{2}{5}x + 2 = 3x$$

- رسم شکل
- جدول نظامدار
- الگویاب
- حذف حالت‌های نامطلوب
- زیر مسئله
- حل مسئله‌ی ساده‌تر
- تشکیل معادله
- حدس و آزمایش



۱- محیط دایره‌ای ۵۰/۲۴ سانتی‌متر است. شعاع این دایره چه قدر است؟

۲- عرض مستطیلی ۵ سانتی‌متر و محیط آن ۲۲ سانتی‌متر است. طول مستطیل

چه قدر است؟

۳- هفت برابر عددی به اضافه‌ی ۲ مساوی ۵۸ است. آن عدد چیست؟



۴- با توجه به رابطه‌ای که بین عددهای ستون a و b وجود دارد، جای خالی را
کامل کنید. رابطه‌ی بین دو ستون را توضیح دهید.

$$\begin{array}{r} a \\ \hline b \\ \hline 2 & 7 & -2 & 5 \\ 5 & 20 & -7 & -1 \end{array}$$

سرگرمی و ریاضی



ابوعلی سینا (ابوعلی حسین بن عبدالله بن حسن بن علی بن سینا—۳۵۹ هشتم / ۹۸۰ م)

فیلسوف، طبیب، ریاضی‌دان، ستاره‌شناس و از جمله معروف‌ترین دانشمندان مسلمان ایرانی است که آثارش خصوصاً در پزشکی حدود پنج قرن در دانشگاه‌های اروپا تدریس می‌شده و برخی دیگر از کتاب‌هایش در فلسفه و منطق هنوز هم در مراکز علمی مورد مطالعه و بحث دانشمندان است.

ابن سینا هم‌چنین در ریاضیات و ستاره‌شناسی نیز صاحب‌نظر بوده و در ساختن ابزارآلات رصد ستارگان تبحر بسیار داشته است. وی در کتاب «شفا» که یکی از آثار مهم او است، بخش بزرگی را به مباحث هندسه، حساب و ستاره‌شناسی اختصاص داده است. آنچه در ذیل آمده است یکی از نوشهای ابن سینا در حساب است.

(الف) عددهای مثلثی اعدادی هستند که از جمع کردن جمله‌های متولی اعداد

طبیعی به دست می‌آیند. مانند:

$$T_n = \frac{n(n+1)}{2}$$

و دستور تشکیل آن برای n امین عدد:

ب) مجموع دو عدد مثلثی و عدد مثلثی ماقبل آن عبارت است از:

$$T_{n-1} + T_n = n^2$$

ج) عددهای مخمسی اعدادی هستند که از جمع کردن جمله‌های متولی رشته اعداد زیر حاصل می‌شود.

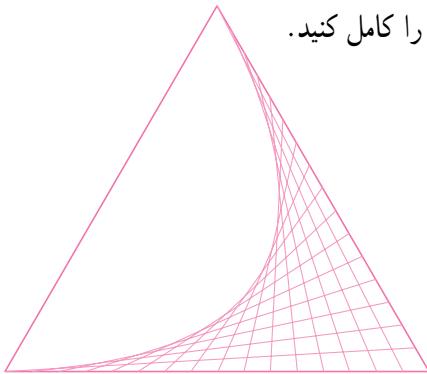
و دستور ساختن این اعداد در حالت کلی:

$$P_n = \frac{(3n-1)n}{2} \quad n = 1, 2, \dots$$

از دیگر آثار ابوعلی سینا در ریاضیات می‌توان از: ۱) تلخیص هندسه اقلیدسی در کتاب شفا ۲) تعیین طول و عرض دایره البروجی (جا به جایی ظاهری مکان خورشید در آسمان) از روی ارتفاع و سمت یک ستاره با استفاده از مثلثات کروی نام برد.



الف - با توجه به شکل، نیمه‌ی دیگر را کامل کنید.



ب -

۱- ابتدا وسط صفحه را پیدا کنید.

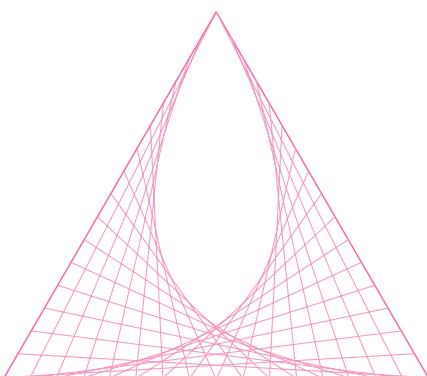
۲- با توجه به شکل رو به رو، قاعده‌ی مثلث را

رسم کنید.

۳- دهانه‌ی پرگار را به اندازه‌ی ۱۶ سانتی‌متر باز کنید و از دو سر قاعده دو کمان بزنید. محل برخورد این دو کمان رأس مثلث است. مثلث را رسم کنید.

۴- هر ضلع مثلث را به ۱۶ قسمت مساوی تقسیم کرده و با توجه به قسمت «الف» نقاط را به هم وصل کنید تا شکل زیر به دست آید.

پ - شکل نهایی



ت - مهم‌ترین قسمت این رسم، کادربندی آن و دقت در تقسیم ضلع‌های مثلث به قسمت‌های مساوی است؛ پس، نقاط را طوری به هم وصل کنید که نقطه‌هایی که برای قسمت‌بندی اضلاع گذاشته‌اید، از بین بروند و دیده نشوند.

